



Code-D

PAPER-1 (B.E./B. TECH.) OF JEE (MAIN)

# JEE (MAIN) 2017

## TEST PAPER WITH SOLUTION & ANSWER KEY

Date: 02 April, 2017 | Duration: 3 Hours | Max. Marks: 360

### IMPORTANT INSTRUCTIONS / महत्वपूर्ण निर्देश

A. General :	A. सामान्य :
<ol style="list-style-type: none"><li>Immediately fill in the particulars on this page of the Test Booklet with Blue / Black Ball Point Pen. Use of pencil is strictly prohibited.</li><li>The answer Sheet is kept inside this Test Booklet. When you are directed to pen the Test Booklet, take out the Answer Sheet and fill in the particulars carefully.</li><li>The test is of <b>3 hours</b> duration.</li><li>The Test Booklet consists of <b>90</b> questions. The maximum marks are <b>360</b>.</li><li>There are three parts in the question paper A, B, C consisting of <b>Mathematics, Physics and Chemistry</b> having total 30 questions in each part of equal weightage. Each question is allotted <b>4 (four)</b> marks for correct response.</li><li><i>Candidates will be awarded marks as stated above in Instructions No. 5 for correct response of each question. <b>1/4 (one fourth)</b> marks will be deducted for indicating incorrect response of each question. No deduction from the total score will be made if no response is indicated for an item in the answer sheet.</i></li><li>There is only one correct response for each question. Filling up more than one response in any question will be treated as wrong response and marks for wrong response will be deducted accordingly as per instructions 6 above.</li><li>Use <b>Blue/Black Ball Point Pen only</b> for writing particulars/marking responses on Side-1 and Side-2 of the Answer Sheet. <b>Use of pencil is strictly prohibited.</b></li><li>No candidate is allowed to carry any textual material, printed or written, bits of papers, pager, mobile phone, any electronic device, etc., except the Admit Card inside the examination room/hall.</li><li>Rough work is to be done on the space provided for this purpose in the Test Booklet only. This space is given at the bottom of each page and in one page at the end of the booklet.</li><li>On completion of the test, the candidate must hand over the Answer Sheet to the Invigilator on duty in the Room/Hall. <b>However, the candidates are allowed to take away this Test Booklet with them.</b></li><li>The CODE for this Booklet is D. Make sure that the CODE printed on Side-2 of the Answer Sheet and also tally the same as that on this booklet. In case of discrepancy, the candidate should immediately report the matter to the invigilator for replacement of both the Test Booklet and the Answer Sheet.</li><li><b>Do not fold or make any stray marks on the Answer Sheet.</b></li></ol>	<ol style="list-style-type: none"><li>परीक्षा पुस्तिका के इस पृष्ठ पर आवश्यक विवरण नीले/काले बॉल प्लाईंट पेन से तत्काल भरें। पेन्सिल का प्रयोग बिल्कुल वर्जित है।</li><li>उत्तर पत्र इस परीक्षा पुस्तिका के अन्दर रखा है। जब आपको परीक्षा पुस्तिका खोलने को कहा जाए, तो उत्तर पत्र निकाल कर सावधानीपूर्वक विवरण भरें।</li><li>परीक्षा की अवधि 3 घंटे है।</li><li>इस परीक्षा पुस्तिका में <b>90</b> प्रश्न है। अधिकतम अंक <b>360</b> है।</li><li>इस परीक्षा पुस्तिका में तीन भाग <b>A, B, C</b> है। जिसके प्रत्येक भाग में गणित, भौतिक विज्ञान एवं रसायन विज्ञान, के कुल <b>30</b> प्रश्न हैं और सभी प्रश्नों के अंक समान है। प्रत्येक प्रश्न के सही उत्तर के लिए <b>4 (चार)</b> अंक निर्धारित किये गये हैं।</li><li>अन्यार्थियों को प्रत्येक सही उत्तर के लिए उपरोक्त निर्देशन संख्या <b>5</b> के निर्देशनानुसार मारकर्स दिये जाएंगे। प्रत्येक प्रश्न के गलत उत्तर के लिये <b>1/4</b> वां भाग छोड़ दिया जायेगा। यदि उत्तर पुस्तिका में किसी प्रश्न का उत्तर नहीं दिया गया हो, तो कुल प्राप्ताक से कोई कटौती नहीं की जायेगी।</li><li>प्रत्येक प्रश्न का केवल एक ही सही उत्तर है। एक से अधिक उत्तर देने पर उसे गलत उत्तर माना जायेगा और उपरोक्त निर्देश <b>6</b> के अनुसार अंक काट लिये जायेंगे।</li><li>उत्तर पत्र के पृष्ठ-1 एवं पृष्ठ-2 पर वांछित विवरण एवं उत्तर अंकित करने हेतु <b>केवल नीले/काले बॉल प्लाईंट पेन</b> का ही प्रयोग करें। पेन्सिल का प्रयोग बिल्कुल वर्जित है।</li><li>परीक्षार्थी द्वारा परीक्षा कक्ष/हॉल में प्रवेश कार्ड के अलावा किसी भी प्रकार की पाद्य सामग्री, मुद्रित या हस्तालिखित कागज की पर्याप्ति, पेजर, मोबाइल फोन या किसी भी प्रकार के इलेक्ट्रॉनिक उपकरणों या अन्य प्रकार की सामग्री को ले जाने या उपयोग करने की अनुमति नहीं है।</li><li>एक कार्य परीक्षा पुस्तिका में केवल निर्धारित जगह पर ही कीजिए। यह जगह प्रत्येक पृष्ठ पर नीचे की ओर और पुस्तिका के अन्त में एक पृष्ठ पर दी गई है।</li><li>परीक्षा समाप्त होने पर, परीक्षार्थी कक्ष/हॉल छोड़ने से पूर्व उत्तर पत्र कक्ष निरीक्षक को अवश्य सौंप दें। <b>परीक्षार्थी अपने साथ इस परीक्षा पुस्तिका को ले जा सकते हैं।</b></li><li>इस पुस्तिका का संकेत D है। यह सुनिश्चित कर लें कि इस पुस्तिका का संकेत, उत्तर पत्र के पृष्ठ-2 पर छपे संकेत से मिलता है और यह भी सुनिश्चित कर लें कि परीक्षा पुस्तिका, उत्तर पत्र पर क्रम संख्या मिलती है। अगर यह मिल नहीं, तो परीक्षार्थी दूसरी परीक्षा पुस्तिका और उत्तर पत्र लेने के लिए निरीक्षक को तुरन्त अवगत कराएँ।</li><li>उत्तर पत्र को न मोड़ें एवं न ही उस पर अन्य निशान लगाएँ।</li></ol>

Name of the Candidate (in Capital letters) : \_\_\_\_\_

Roll Number : in figures : 

--	--	--	--	--	--

 in words : \_\_\_\_\_

Name of Examination Centre (in Capital letters) : \_\_\_\_\_

Candidate's Signature : \_\_\_\_\_ Invigilator's Signature : \_\_\_\_\_

SEAL



Toll Free: 1800 268 5555

To Know more: sms RESO at 55577 | E-mail: contact@resonance.ac.in | Website: www.resonance.ac.in

## PART A – MATHEMATICS

### Straight Objective Type (सीधे वस्तुनिष्ठ प्रकार)

This section contains **10 multiple choice questions**. Each question has 4 choices (1), (2), (3) and (4) for its answer, out of which **Only One** is correct.

इस खण्ड में **10** बहु-विकल्पी प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न के 4 विकल्प (1), (2), (3) तथा (4) हैं, जिनमें से **सिर्फ एक सही** है।

- 1.** If  $S$  is the set of distinct values of ' $b$ ' for which the following system of linear equations

$$\begin{aligned}x + y + z &= 1 \\x + ay + z &= 1 \\ax + by + z &= 0\end{aligned}$$

has no solution, then  $S$  is :

- (1) an empty set
- (2) an infinite set
- (3) a finite set containing two or more elements
- (4) a singleton

यदि  $S$  'b' की उन विभिन्न मानों का समुच्चय है जिनके लिए निम्न रैखिक समीकरण निकाय

$$\begin{aligned}x + y + z &= 1 \\x + ay + z &= 1 \\ax + by + z &= 0\end{aligned}$$

का कोई हल नहीं है, तो  $S$  :

- (1) एक रिक्त समुच्चय है
- (2) एक अपरिमित समुच्चय है
- (3) एक परिमित समुच्चय है जिसमें दो या अधिक अवयव है
- (4) एक ही अवयव वाला समुच्चय है

**Ans. (4)**

**Sol.**  $D = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & a & 1 \\ a & b & 1 \end{vmatrix} = -(a-1)^2 = 0 \Rightarrow a = 1$

For  $a = 1$  we have first two planes co-incident

$a = 1$  के लिए प्रथम दो समतल सम्पाती हैं

$$x + y + z = 1$$

$$ax + by + z = 0$$

For no solution these two are parallel

कोई हल नहीं के लिए दो समान्तर हैं।

$$\frac{1}{a} = \frac{1}{b} \quad \frac{1}{1} \Rightarrow a = 1, b = 1$$

- 2.** The following statement

$$(p \rightarrow q) \rightarrow [(\sim p \rightarrow q) \rightarrow q]$$

- (1) a tautology
- (3) equivalent to  $p \rightarrow \sim q$

- (2) equivalent to  $\sim p \rightarrow q$
- (4) a fallacy

निम्न कथन

$(p \rightarrow q) \rightarrow [(\sim p \rightarrow q) \rightarrow q]$  is :

- (1) एक पुनरुक्ति (tautology) है
- (3)  $p \rightarrow \sim q$  के समतुल्य है

- (2)  $\sim p \rightarrow q$  के समतुल्य है
- (4) एक हेत्वाभास (fallacy) है

**Ans.** (1)

**Sol.**  $(p \rightarrow q) \rightarrow [(\sim p \rightarrow q) \rightarrow q]$

$$\begin{aligned} (p \rightarrow q) &\rightarrow ((p \vee q) \rightarrow q) \\ (p \rightarrow q) &\rightarrow ((\sim p \wedge \sim q) \vee q) \\ (p \rightarrow q) &\rightarrow ((\sim p \vee q) \wedge (\sim q \vee q)) \\ (p \rightarrow q) &\rightarrow (p \rightarrow q) \text{ which is tautology} \end{aligned}$$

एक पुनरुक्ति (tautology) है

3. If  $5(\tan^2 x - \cos^2 x) = 2\cos 2x + 9$ , then the value of  $\cos 4x$  is :

यदि  $5(\tan^2 x - \cos^2 x) = 2\cos 2x + 9$  तो  $\cos 4x$  का मान है :

- (1)  $\frac{-3}{5}$
- (2)  $\frac{1}{3}$
- (3)  $\frac{2}{9}$

- (4)  $-\frac{7}{9}$

**Ans.** (4)

**Sol.**  $5(\tan^2 x - \cos^2 x) = 2\cos 2x + 9$

$$5\left(t^2 - \frac{1}{1+t^2}\right) = 2\left(\frac{1-t^2}{1+t^2}\right) + 9$$

$$5(t^4 + t^2 - 1) = 2 - 2t^2 + 9 + 9t^2$$

$$5t^4 - 2t^2 - 16 = 0$$

$$5t^4 - 10t^2 + 8t^2 - 16 = 0$$

$$5t^2(t^2 - 2) + 8(t^2 - 2) = 0$$

$$(5t^2 + 8)(t^2 - 2) = 0$$

$$\tan^2 x = 2$$

$$\cos 2x = \frac{1-2}{1+2} = -\frac{1}{3}$$

$$\cos 4x = 2\cos^2 2x - 1 = -\frac{7}{9}$$

4. For three events A, B and C,  $P(\text{Exactly one of } A \text{ or } B \text{ occurs}) = P(\text{Exactly one of } B \text{ or } C \text{ occurs})$

$$= P(\text{Exactly one of } C \text{ or } A \text{ occurs}) = \frac{1}{4} \text{ and } P(\text{All the three events occur simultaneously}) = \frac{1}{6}.$$

Then the probability that at least one of the events occurs, is :

तीन घटनाओं A, B तथा C के लिए  $P(A \text{ अथवा } B \text{ में केवल एक घटित होती है}) = P(B \text{ अथवा } C \text{ में से केवल एक घटित होती है}) = P(C \text{ अथवा } A \text{ में से केवल एक घटित होती है}) = \frac{1}{4}$  तथा  $P(\text{सभी तीन घटनाएँ एक साथ घटित होती है})$

$$= \frac{1}{6} \text{ है, दो प्रायिकता कि कम से कम एक घटना घटित हो, है}$$

- (1)  $\frac{7}{32}$

- (2)  $\frac{7}{16}$

- (3)  $\frac{7}{64}$

- (4)  $\frac{3}{16}$

**Ans.** (2)

**Sol.**  $P(A) + P(B) - 2P(A \cap B) = \frac{1}{4}$

$$P(B) + P(C) - 2P(B \cap C) = \frac{1}{4}$$

$$P(A) + P(C) - 2P(A \cap C) = \frac{1}{4}$$

$$P(A \cap B \cap C) = \frac{1}{16}$$

$$\therefore P(A) + P(B) + P(C) - P(A \cap B) - P(B \cap C) - P(A \cap C) + P(A \cap B \cap C) = \frac{3}{8} + \frac{1}{16} = \frac{6+1}{16} = \frac{7}{16}$$

5. Let  $\omega$  be a complex number such that  $2\omega + 1 = z$  where  $z = \sqrt{-3}$ . If  $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -\omega^2 - 1 & \omega^2 \\ 1 & \omega^2 & \omega^7 \end{vmatrix} = 3k$ , then  $k$  is equal to :

माना  $\omega$  एक सम्मिश्र संख्या ऐसी है कि  $2\omega + 1 = z$  जहाँ  $z = \sqrt{-3}$  है। यदि  $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -\omega^2 - 1 & \omega^2 \\ 1 & \omega^2 & \omega^7 \end{vmatrix} = 3k$  है

तो  $k$  बराबर है:

(1)  $-z$

(2)  $z$

(3)  $-1$

(4)  $1$

**Ans.** (1)

**Sol.**  $z = i\sqrt{3}$

$$2\omega = \sqrt{3}i - 1$$

$$\omega = \frac{-1+i\sqrt{3}}{2} \Rightarrow 1 + \omega + \omega^2 = 0 \text{ & } \omega^3 = 1$$

$$\Rightarrow \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & \omega & \omega^2 \\ 1 & \omega^2 & \omega \end{vmatrix} = 3k$$

$$\Rightarrow 2\omega + 1 = \sqrt{3}i$$

$$1 + \omega + \omega^2 = 0 \text{ & } \omega^3 = 1$$

$$\begin{vmatrix} 3 & 1 & 1 \\ 0 & \omega & \omega^2 \\ 0 & \omega^2 & \omega \end{vmatrix} = 3k$$

$$3(\omega^2 - \omega^4) = 3k$$

$$k = \omega^2 - \omega = \frac{-1-i\sqrt{3}}{2} - \frac{-1+i\sqrt{3}}{2} = -\frac{i\sqrt{3}}{2} - \frac{i\sqrt{3}}{2} = -i\sqrt{3} = -z$$

6. Let  $k$  be an integer such that the triangle with vertices  $(k, -3k)$ ,  $(5, k)$  and  $(-k, 2)$  has area 28 sq. units. Then the orthocentre of this triangle is at the point :

माना  $k$  एक पूर्णांक है कि त्रिभुज, जिसके शीर्ष  $(k, -3k)$ ,  $(5, k)$  तथा  $(-k, 2)$  है का क्षेत्रफल 28 वर्ग इकाई है, तो त्रिभुज के लंबकेन्द्र जिस बिंदु पर है, वह है:

(1)  $\left(2, -\frac{1}{2}\right)$

(2)  $\left(1, \frac{3}{4}\right)$

(3)  $\left(1, -\frac{3}{4}\right)$

(4)  $\left(2, \frac{1}{2}\right)$

**Ans.** (4)

**Sol.**

$$\begin{vmatrix} k & -3k & 1 \\ 5 & k & 1 \\ -k & 2 & 1 \end{vmatrix} = \pm 56$$

$$k(k-2) - 5(-3k-2) - k(-3k-k) = \pm 56$$

$$k^2 - 2k + 15k + 10 + 3k^2 + k^2 = \pm 56$$

$$5k^2 + 13k + 10 \pm 56 = 0$$

$$5k^2 + 13k + 66 = 0 \quad \text{or या} \quad 5k^2 + 13k - 46 = 0$$

$$\text{No solution कोई हल नहीं or या} \quad k = \frac{-13 \pm \sqrt{169 + 920}}{10}$$

$$k = \frac{-13 \pm 33}{10} \Rightarrow k = 2 \text{ or या } k = -\frac{46}{10} \text{ (which is not an integer जो कि पूर्णांक नहीं है)}$$

∴ vertices शीर्ष A(2, -6), B (5,2), C (-2,2)

Equation of altitude dropped from vertex A is (शीर्ष A से डाले गये लम्ब की समीकरण)

$$x = 2 \quad \dots\dots\dots (i)$$

Equation of altitude dropped from vertex C is (शीर्ष C से डाले गये लम्ब की समीकरण)

$$3x + 8y - 10 = 0 \quad \dots\dots\dots (ii)$$

solving both (i) and (ii)

(i) तथा (ii) को हल करने पर

$$\text{orthocentre लम्बकेन्द्र} \left( 2, \frac{1}{2} \right)$$

7. Twenty meters of wire is available for fencing off a flower-bed in the form of a circular sector. Then the maximum area (in sq. m) of the flower-bed, is :

एक फूलों की क्यारी, जो एक वृत्त के त्रिज्य खंड के रूप में है, की घेराबंदी करने के लिए बीस मीटर तार उपलब्ध है। तो फूलों की क्यारी का अधिकतम क्षेत्रफल (वर्ग मी. में), है :

(1) 12.5

(2) 10

(3) 25

(4) 30

**Ans.** (3)

**Sol.**  $2r + \ell = 20 \Rightarrow 2r + r\theta = 20 \Rightarrow \theta = \frac{20 - 2r}{r}$

$$A = \frac{\pi r^2 \theta}{360} = \frac{r^2}{2} \cdot \frac{20 - 2r}{r} = r(10 - r)$$

$$A = 10r - r^2$$

$$\frac{dA}{dr} = 10 - 2r = 0 \Rightarrow r = 5$$

$$\therefore \theta = \frac{10}{5} = 2$$

$$\therefore \text{Maximum area अधिकतम क्षेत्रफल} = \frac{1}{2} \times 25 \times 2 = 25 \text{ sq. m. वर्ग मीटर}$$

8. The area (in sq. units) of the region  $\{(x, y) : x \geq 0, x + y \leq 3, x^2 \leq 4y \text{ and } y \leq 1 + \sqrt{x}\}$  is :

क्षेत्र  $\{(x, y) : x \geq 0, x + y \leq 3, x^2 \leq 4y \text{ तथा } y \leq 1 + \sqrt{x}\}$  का क्षेत्रफल (वर्ग इकाइयों) में है:

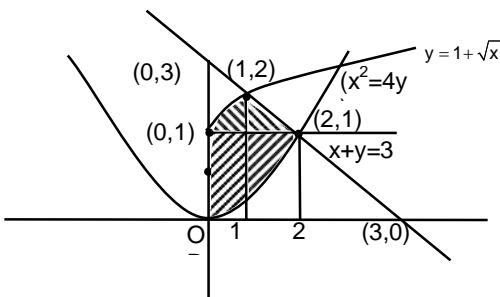
(1)  $\frac{59}{12}$

(2)  $\frac{3}{2}$

(3)  $\frac{7}{3}$

(4)  $\frac{5}{2}$

**Ans.** (4)


**Sol.**

$$y = 1 + \sqrt{x}$$

$$(y - 1)^2 \leq x$$

$$\begin{aligned} \text{Required area} &= \int_0^1 (1 + \sqrt{x}) dx + \int_1^2 (3 - x) dx - \int_0^2 \frac{x^2}{4} dx \\ &= \left( x + \frac{2x^{3/2}}{3} \right) \Big|_0^1 + \left( 3x - \frac{x^2}{2} \right) \Big|_1^2 - \left( \frac{x^3}{12} \right) \Big|_0^2 \\ &= 1 + \frac{2}{3} + \left\{ (6 - 2) - \frac{5}{2} \right\} - \frac{8}{12} \\ &= 1 + \frac{2}{3} + \left( 4 - \frac{5}{2} \right) - \frac{2}{3} = 1 + \frac{3}{2} = \frac{5}{2} \end{aligned}$$

- 9.** If the image of the point  $P(1, -2, 3)$  in the plane,  $2x + 3y - 4z + 22 = 0$  measured parallel to the line,  $\frac{x}{1} = \frac{y}{4} = \frac{z}{5}$  is  $Q$ , then  $PQ$  is equal to :

यदि बिंदु  $P(1, -2, 3)$  का समतल  $2x + 3y - 4z + 22 = 0$  में प्रतिबिम्ब की रेखा  $\frac{x}{1} = \frac{y}{4} = \frac{z}{5}$  के समान्तर है  $Q$  है, तो

$PQ$  बराबर है :

- (1)  $3\sqrt{5}$       (2)  $2\sqrt{42}$       (3)  $\sqrt{42}$       (4)  $6\sqrt{5}$

**Ans.**
**Sol.** Let  $R$  be the point of intersection of plane and line passing through  $P$  and parallel to given line.

समतल तथा  $P$  से गुजरने वाली रेखा और दी गई रेखा के समान्तर रेखा का प्रतिच्छेद बिंदु माना  $R$  है।

So, अतः  $R$  is  $| (1 + \lambda, -2 + 4\lambda, 3 + 5\lambda)$

substituting co-ordinates of  $R$  in plane

समतल में  $R$  के निर्देशांक प्रतिस्थापित करने पर

$$2 + 2\lambda - 6 + 12\lambda - 12 - 20\lambda + 22 = 0 \Rightarrow 6\lambda = 6 \Rightarrow \lambda = 1$$

So अतः,  $R$  is  $(2, 2, 8)$

Hence इस प्रकार  $PR = \sqrt{1+16+25} = \sqrt{42}$

So इसलिए,  $PQ = 2\sqrt{42}$

- 10.** If for  $x \in \left(0, \frac{1}{4}\right)$ , the derivative of  $\tan^{-1} \left( \frac{6x\sqrt{x}}{1-9x^3} \right)$  is  $\sqrt{x} \cdot g(x)$ , then  $g(x)$  equals :

यदि  $x \in \left(0, \frac{1}{4}\right)$  के लिए  $\tan^{-1} \left( \frac{6x\sqrt{x}}{1-9x^3} \right)$  का अवकलज  $\sqrt{x} \cdot g(x)$  है, तो  $g(x)$  बराबर है :

- (1)  $\frac{9}{1+9x^3}$       (2)  $\frac{3x\sqrt{x}}{1-9x^3}$       (3)  $\frac{3x}{1-9x^3}$       (4)  $\frac{3}{1+9x^3}$

**Ans.** (1)

**Sol.** Let माना  $y = \tan^{-1} \left( \frac{3x\sqrt{x} + 3x\sqrt{x}}{1 - (3x\sqrt{x})^2} \right) = 2\tan^{-1}(3x\sqrt{x})$

$$\frac{dy}{dx} = 2 \times \frac{1}{1+9x^3} \times 3 \times \frac{3}{2} \times \sqrt{x} = \sqrt{x} \left( \frac{9}{1+9x^3} \right) \Rightarrow g(x) = \frac{9}{1+9x^3}$$

11. If  $(2 + \sin x) \frac{dy}{dx} + (y + 1) \cos x = 0$  and  $y(0) = 1$ , then  $y\left(\frac{\pi}{2}\right)$  is equal to :

यदि  $(2 + \sin x) \frac{dy}{dx} + (y + 1) \cos x = 0$  तथा  $y(0) = 1$  है, तो  $y\left(\frac{\pi}{2}\right)$  बराबर है :

- (1)  $\frac{1}{3}$       (2)  $-\frac{2}{3}$       (3)  $-\frac{1}{3}$       (4)  $\frac{4}{3}$

**Ans.** (1)

**Sol.**  $\frac{dy}{dx} = \frac{-(y+1)\cos x}{2+\sin x}$

$$\int \frac{dy}{y+1} = -\int \frac{\cos x}{2+\sin x} dx$$

$$\ln(y+1) = -\ln(2+\sin x) + C$$

$$(y+1)(2+\sin x) = A ; \text{ for } x=0, \text{ के लिए } y=1 \Rightarrow A=4$$

$$\therefore (y+1)(2+\sin x) = 4$$

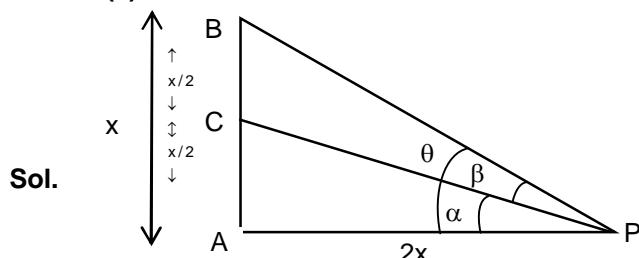
$$\text{for } x = \frac{\pi}{2} \text{ के लिए } y = \frac{1}{3}$$

12. Let a vertical tower AB have its end A on the level ground. Let C be the mid-point of AB and P be a point on the ground such that  $AP = 2AB$ . If  $\angle BPC = \beta$ , then  $\tan \beta$  is equal to

माना एक ऊर्ध्वाधर मीनार AB ऐसी है कि उसका सिरा A भूमि पर है। माना AB का मध्य बिन्दु C है तथा भूमि पर स्थित बिन्दु P ऐसा है कि  $AP = 2AB$  यदि  $\angle BPC = \beta$  है, तो  $\tan \beta$  बराबर है :

- (1)  $\frac{6}{7}$       (2)  $\frac{1}{4}$       (3)  $\frac{2}{9}$       (4)  $\frac{4}{9}$

**Ans.** (3)



$$\tan \theta = \frac{1}{2}, \tan \alpha = \frac{1}{4}, \tan \beta = y$$

$$\tan\theta = \frac{\tan\alpha + \tan\beta}{1 - \tan\alpha \tan\beta}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{\frac{1}{4} + y}{1 - \frac{y}{4}} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{1+4y}{4-y}$$

$$4 - y = 2 + 8y$$

$$\frac{2}{9} = y$$

13. If  $A = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -4 & 1 \end{bmatrix}$ , then  $\text{adj}(3A^2 + 12A)$  is equal to

यदि  $A = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -4 & 1 \end{bmatrix}$  है, तो  $\text{adj}(3A^2 + 12A)$  बराबर है :

(1)  $\begin{bmatrix} 72 & -84 \\ -63 & 51 \end{bmatrix}$

(2)  $\begin{bmatrix} 51 & 63 \\ 84 & 72 \end{bmatrix}$

(3)  $\begin{bmatrix} 51 & 84 \\ 63 & 72 \end{bmatrix}$

(4)  $\begin{bmatrix} 72 & -63 \\ -84 & 51 \end{bmatrix}$

**Ans.** (2)

**Sol.**  $A = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -4 & 1 \end{bmatrix}$

$$A^2 - 3A - 10I = 0$$

$$A^2 = 3A + 10I$$

$$3A^2 + 12A = 3(3A + 10I) + 12A = 21A + 30I$$

$$21A + 30I = \begin{bmatrix} 42 & -63 \\ -84 & 21 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 30 & 0 \\ 0 & 30 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 72 & -63 \\ -84 & 51 \end{bmatrix}$$

$$\text{adj}(21A + 30I) = \begin{bmatrix} 51 & 63 \\ 84 & 72 \end{bmatrix}$$

14. For any three positive real numbers  $a$ ,  $b$  and  $c$ ,  $9(25a^2 + b^2) + 25(c^2 - 3ac) = 15b(3a + c)$ , Then

(1)  $b$ ,  $c$  and  $a$  are in G.P.

(2)  $b$ ,  $c$  and  $a$  are in A.P.

(3)  $a$ ,  $b$  and  $c$  are in A.P.

(4)  $a$ ,  $b$  and  $c$  are in G.P.

किन्ही तीन धनात्मक वास्तविक संख्याओं  $a$ ,  $b$  तथा  $c$  के लिए  $9(25a^2 + b^2) + 25(c^2 - 3ac) = 15b(3a + c)$  है, तो

(1)  $b$ ,  $c$  तथा  $a$  गुणोत्तर श्रेढ़ी में है

(2)  $b$ ,  $c$  तथा  $a$  समान्तर श्रेढ़ी में है

(3)  $a$ ,  $b$  तथा  $c$  समान्तर श्रेढ़ी में है

(4)  $a$ ,  $b$  तथा  $c$  गुणोत्तर श्रेढ़ी में है

**Ans.** (2)

**Sol.**  $225a^2 + 9b^2 + 25c^2 - 75ac - 45ab - 15bc = 0$

$$(15a)^2 + (3b)^2 + (5c)^2 - (15a)(3b) - (3b)(5c) - (15a)(5c) = 0$$

$$\frac{1}{2} [(15a - 3b)^2 + (3b - 5c)^2 + (5c - 15a)^2] = 0$$

$$15a = 3b, \quad 3b = 5c, \quad 5c = 15a$$

$$5a = b, \quad 3b = 5c, \quad c = 3a$$

$$\frac{a}{1} = \frac{b}{5} = \frac{c}{3} = \lambda$$

$a = \lambda, b = 5\lambda, c = 3\lambda$

$a, c, b$  are in AP समान्तर श्रेणी में हैं  
 $b, c, a$  are in AP समान्तर श्रेणी में हैं

15. The distance of the point  $(1, 3, -7)$  from the plane passing through the point  $(1, -1, -1)$ , having normal perpendicular to both the lines  $\frac{x-1}{1} = \frac{y+2}{-2} = \frac{z-4}{3}$  and  $\frac{x-2}{2} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z+7}{-1}$ , is

एक समतल जो बिन्दु  $(1, -1, -1)$  से होकर जाता है तथा जिसका अभिलम्ब दोनों रेखाओं  $\frac{x-1}{1} = \frac{y+2}{-2} = \frac{z-4}{3}$

तथा  $\frac{x-2}{2} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z+7}{-1}$  पर लम्ब है, को बिन्दु  $(1, 3, -7)$  से दूरी है :

(1)  $\frac{20}{\sqrt{74}}$

(2)  $\frac{10}{\sqrt{83}}$

(3)  $\frac{5}{\sqrt{83}}$

(4)  $\frac{10}{\sqrt{74}}$

Ans. (2)

Sol. Let the plane be माना समतल

$$a(x-1) + b(y+1) + c(z+1) = 0$$

$$a - 2b + 3c = 0$$

$$2a - b - c = 0$$

$$\frac{a}{5} = \frac{b}{7} = \frac{c}{3}$$

$$5(x-1) + 7(y+1) + 3(z+1) = 0$$

$$5x + 7y + 3z + 5 = 0$$

$$P(1, 3, -7)$$

$$d = \left| \frac{5+21-21+5}{\sqrt{25+49+9}} \right| = \left| \frac{10}{\sqrt{83}} \right|$$

16. Let  $I_n = \int \tan^n x dx$ , ( $n > 1$ ). If  $I_4 + I_6 = a \tan^5 x + bx^5 + C$ , where  $C$  is a constant of integration, then the ordered pair  $(a, b)$  is equal to

माना  $I_n = \int \tan^n x dx$ , ( $n > 1$ ) है। यदि  $I_4 + I_6 = a \tan^5 x + bx^5 + C$  है, जहाँ  $C$  एक समाकलन अचर है तो क्रमित युग्म  $(a, b)$  बराबर है :

(1)  $\left(-\frac{1}{5}, 1\right)$

(2)  $\left(\frac{1}{5}, 0\right)$

(3)  $\left(\frac{1}{5}, -1\right)$

(4)  $\left(-\frac{1}{5}, 0\right)$

Ans. (2)

Sol.  $I_n = \int \tan^n x dx = \int \tan^{n-2} (\sec^2 x - 1) dx$

$$\int (\tan x)^{n-2} \sec^2 x dx - \int (\tan x)^{n-2} dx = \frac{(\tan x)^{n-1}}{n-1} - I_{n-2}$$

$$I_n + I_{n-2} = \frac{(\tan x)^{n-1}}{n-1}$$

put  $n = 6$  रखने पर

$$I_4 + I_6 = \frac{1}{5} \tan^5 x = \text{atan}^5 x + bx^5 + c \Rightarrow a = \frac{1}{5}, b = 0, c = 0$$

$$\therefore (a, b) = \left( \frac{1}{5}, 0 \right)$$

17. The eccentricity of an ellipse whose centre is at the origin is  $\frac{1}{2}$ . If one of its directrices is  $x = -4$ , then

the equation of the normal to it at  $\left( 1, \frac{3}{2} \right)$  is

एक दीर्घवृत्त, जिसका केन्द्र मूल बिन्दु पर है की उत्केन्द्रता  $\frac{1}{2}$  है। यदि उसका एक नियता  $x = -4$  है। तो उसके बिन्दु

$\left( 1, \frac{3}{2} \right)$  पर उसके अभिलम्ब का समीकरण है :

(1)  $2y - x = 2$

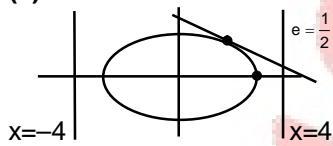
(2)  $4x - 2y = 1$

(3)  $4x + 2y = 7$

(4)  $x + 2y = 4$

Ans. (2)

Sol.



$$\frac{a}{e} = 4$$

$$a = 4e = 2$$

$$e^2 = 1 - \frac{b^2}{a^2}$$

$$\frac{1}{4} = \frac{4 - b^2}{4}$$

$$b = \sqrt{3}$$

$$\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$$

equation of normal at  $(1, \frac{3}{2})$   $(1, \frac{3}{2})$  पर अभिलम्ब का समीकरण

$$\frac{a^2 x}{x_1} - \frac{b^2 y}{y_1} = a^2 - b^2$$

$$\frac{4x}{1} - \frac{3y}{3/2} = 4 - 3$$

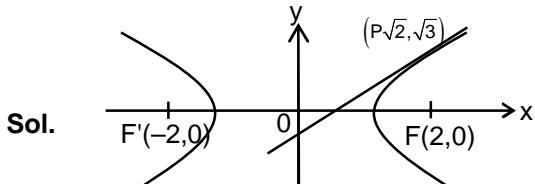
$$4x - 2y = 1$$

18. A hyperbola passes through the point  $P(\sqrt{2}, \sqrt{3})$  and has foci at  $(\pm 2, 0)$ . Then the tangent to this hyperbola at P also passes through the point :

एक अतिपरवलय बिन्दु  $P(\sqrt{2}, \sqrt{3})$  से होकर जाता है, तथा उसकी नाभियाँ  $(\pm 2, 0)$  पर हैं, तो अतिपरवलय के बिन्दु  $P$  पर खीची गई स्पर्श रेखा जिस बिन्दु से होकर जाती है, वह है :

- (1)  $(3\sqrt{2}, 2\sqrt{3})$       (2)  $(2\sqrt{2}, 3\sqrt{3})$       (3)  $(\sqrt{3}, \sqrt{2})$       (4)  $(-\sqrt{2}, -\sqrt{3})$

**Ans. (2)**



Here यहाँ  $ae = 2$

$$PF = \sqrt{(\sqrt{2} - 2)^2 + 3} = \sqrt{9 - 4\sqrt{2}} = (2\sqrt{2} - 1)$$

$$PF' = \sqrt{(\sqrt{2} + 2)^2 + 3} = \sqrt{9 + 4\sqrt{2}} = (2\sqrt{2} + 1)$$

$$\therefore |PF - PF'| = 2$$

$$\therefore a = 1 \Rightarrow e = 2$$

$$\therefore e^2 = 1 + \frac{b^2}{a^2}$$

$$\therefore h^2 = 3$$

∴ Equation of hyperbola अतिपरवलय का समीकरण  $x^2 - \frac{y^2}{3} = 1$

$$\text{or या } 3x^2 - y^2 = 3$$

$\therefore$  equation of tangent at  $(\sqrt{2}, \sqrt{3})$  will be  $3\sqrt{2}x - \sqrt{3}y = 3$

$(\sqrt{2}, \sqrt{3})$  पर स्पर्श रेखा का समीकरण  $3\sqrt{2}x - \sqrt{3}y = 3$  है।

hence tangent passes through  $(2\sqrt{2}, 3\sqrt{3})$

अतः स्पर्श रेखा  $(2\sqrt{2}, 3\sqrt{3})$  से गुजरती है।

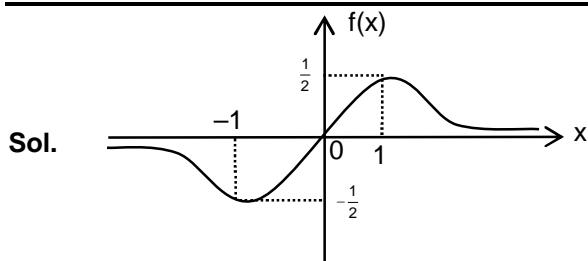
- 19.** The function  $f : \mathbb{R} \rightarrow \left[ -\frac{1}{2}, \frac{1}{2} \right]$  defined as  $f(x) = \frac{x}{1+x^2}$ , is :



फलन  $f : R \rightarrow \left[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right]$ , जो  $f(x) = \frac{x}{1+x^2}$  द्वारा परिभाषित है :

- (1) व्युत्क्रमणीय है। (2) एकैकी है परन्तु आच्छादी नहीं है।  
(3) आच्छादी है परन्तु एकैकी नहीं है। (4) न तो आच्छादी और न ही एकैकी है।

**Ans. (3)**



$$f(x) = \frac{x}{1+x^2}; f : \mathbb{R} \rightarrow \left[ -\frac{1}{2}, \frac{1}{2} \right]$$

from the graph of  $f(x)$  we can observe that function is many one and onto.  
 $f(x)$  के आलेख से फलन बहुएकेकी तथा आच्छादक है।

20.  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\cot x - \cos x}{(\pi - 2x)^3}$  equals

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\cot x - \cos x}{(\pi - 2x)^3} \text{ बराबर है :}$$

(1)  $\frac{1}{24}$

(2)  $\frac{1}{16}$

(3)  $\frac{1}{8}$

(4)  $\frac{1}{4}$

**Ans. (2)**

**Sol.**  $x \rightarrow \frac{\pi}{2} + t$

$$\lim_{t \rightarrow 0} \frac{-\tan t + \sin t}{(2t)^3}$$

$$\lim_{t \rightarrow 0} \frac{-\sin t(1 - \cos t)}{-8t^3 \cos t} = \frac{1}{16}$$

21. Let  $\vec{a} = 2\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k}$  and  $\vec{b} = \hat{i} + \hat{j}$ . Let  $\vec{c}$  be a vector such that  $|\vec{c} - \vec{a}| = 3$ ,  $|(\vec{a} \times \vec{b}) \times \vec{c}| = 3$  and the angle between  $\vec{c}$  and  $\vec{a} \times \vec{b}$  be  $30^\circ$ . Then  $\vec{a} \cdot \vec{c}$  is equal to

माना  $\vec{a} = 2\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k}$  तथा  $\vec{b} = \hat{i} + \hat{j}$  है। माना  $\vec{c}$  एक ऐसा सदिश है कि  $|\vec{c} - \vec{a}| = 3$ ,  $|(\vec{a} \times \vec{b}) \times \vec{c}| = 3$  तथा  $\vec{c}$  और  $\vec{a} \times \vec{b}$  के बीच के कोण  $30^\circ$  है, तो  $\vec{a} \cdot \vec{c}$  बराबर है—

(1)  $\frac{25}{8}$

(2) 2

(3) 5

(4)  $\frac{1}{8}$

**Ans. (2)**

**Sol.**  $\vec{a} = 2\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k}$ ,  $\vec{b} = \hat{i} + \hat{j}$ ,  $|\vec{c} - \vec{a}| = 3$

$$|(\vec{a} \times \vec{b}) \times \vec{c}| = 3, \quad \vec{c} \wedge \vec{a} \times \vec{b} = \frac{\pi}{6}$$

$$\text{Now अब } |\vec{a} \times \vec{b}| |\vec{c}| \sin 30^\circ = 3, \quad |\vec{a} \times \vec{b}| |\vec{c}| = 6$$

$$\Rightarrow |\vec{a}| |\vec{b}| |\vec{c}| \sin \theta = 6, \quad \theta = \vec{a} \wedge \vec{b}$$

$$|\vec{a}| = 3, |\vec{b}| = \sqrt{2} \quad \theta = \cos^{-1}\left(\frac{2+1}{3\sqrt{2}}\right) = \frac{\pi}{4}$$

$$|\vec{c}| = \frac{6}{3\sqrt{2}} \cdot \sqrt{2} = 2$$

$$|\vec{c} - \vec{a}| = 3$$

$$\text{Squaring, we get वर्ग करने पर } |\vec{c}|^2 - 2\vec{a} \cdot \vec{c} + |\vec{a}|^2 = 9 \quad \Rightarrow \vec{a} \cdot \vec{c} = \frac{|\vec{c}|^2 - 9}{2} = 2$$

- 22.** The normal to the curve  $y(x-2)(x-3) = x+6$  at the point where the curve intersects the y-axis passes through the point :

वक्र  $y(x-2)(x-3) = x+6$  के उस बिन्दु पर, जहाँ वक्र y-अक्ष को काटती है, खींचा गया अभिलम्ब निम्न में से किस बिन्दु से होकर जाता है ?

- (1)  $\left(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}\right)$       (2)  $\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$       (3)  $\left(\frac{1}{2}, -\frac{1}{3}\right)$       (4)  $\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{3}\right)$

**Ans.** (2)

Sol.  $y(x-2)(x-3) = x+6$

Intersection with y-axis ;

y-अक्ष के साथ प्रतिच्छेद

Put  $x = 0$  रखने पर  $\Rightarrow y = 1$

$\Rightarrow$  Point of Intersection is  $(0, 1)$

प्रतिच्छेद बिन्दु  $(0, 1)$  है।

Now अब,  $y = \frac{x+6}{x^2 - 5x + 6}$

$$y' = \frac{(x^2 - 5x + 6) - (x+6)(2x-5)}{(x^2 - 5x + 6)^2}$$

$$y' = \frac{6 - (-30)}{36} = 1 \quad \text{at } (0,1)$$

$\therefore$  Equation of normal is given by अभिलम्ब का समीकरण

$$(y-1) = -1(x-0)$$

$$x + y - 1 = 0$$

- 23.** If two different numbers are taken from the set  $\{0, 1, 2, 3, \dots, 10\}$ ; then the probability that their sum as well as absolute difference are both multiple of 4, is

यदि समुच्चय  $\{0, 1, 2, 3, \dots, 10\}$  में से दो विभिन्न संख्याएँ निकाली गई, तो उनके योगफल तथा उनके अन्तर के निरपेक्ष मान, दोनों के चार के गुणांक होने की प्रायिकता है—

- (1)  $\frac{6}{55}$       (2)  $\frac{12}{55}$       (3)  $\frac{14}{45}$       (4)  $\frac{7}{55}$

**Ans.** (1)

**Sol.**  $P = \frac{6}{^{11}C_2} = \frac{6}{55}$

$$x_1 - x_2 = \pm 4\lambda$$

$$x_1 + x_2 = 4\alpha$$

$$2x_1 = 4 (\lambda \pm \alpha)$$

$$x_1 = 2 (\lambda \pm \alpha)$$

$x_1$	$x_2$
0	4, 8
2	6, 10
4	0, 8
6	2, 10
8	0, 4
10	2, 6

- 24.** A man X has 7 friends, 4 of them are ladies and 3 are men. His wife Y also has 7 friends, 3 of them are ladies and 4 are men. Assume X and Y have no common friends. Then the total number of ways in which X and Y together can throw a party inviting 3 ladies and 3 men, so that 3 friends of each of X and Y are in this party, is

एक व्यक्ति X के 7 मित्र हैं, जिनमें 4 महिलाएं हैं तथा 3 पुरुष हैं, उसकी पत्नी Y के भी 7 मित्र हैं, जिनमें 3 महिलाएं तथा 4 पुरुष हैं। यह माना गया है कि X तथा Y का कोई उभयनिष्ठ (common) मित्र नहीं है। तो उन तरीकों की संख्या जिनमें X तथा Y एक साथ 3 महिलाओं तथा 3 पुरुषों को पार्टी पर बुलाएं कि X तथा Y प्रत्येक के तीन-तीन मित्र आयें, है—

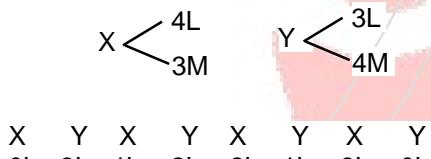
(1) 485

(2) 468

(3) 469

(4) 484

**Ans.**  
**Sol.**



$${}^3C_3 \times {}^3C_3 + {}^4C_1 \times {}^3C_2 \times {}^3C_2 \times {}^4C_1 + {}^4C_2 \times {}^3C_1 \times {}^3C_1 \times {}^4C_2 + {}^4C_3 \times {}^4C_3 = 1 + 144 + 324 + 16 = 485$$

- 25.** The value of  $({}^{21}C_1 - {}^{10}C_1) + ({}^{21}C_2 - {}^{10}C_2) + ({}^{21}C_3 - {}^{10}C_3) + ({}^{21}C_4 - {}^{10}C_4) + \dots + ({}^{21}C_{10} - {}^{10}C_{10})$  is  $({}^{21}C_1 - {}^{10}C_1) + ({}^{21}C_2 - {}^{10}C_2) + ({}^{21}C_3 - {}^{10}C_3) + ({}^{21}C_4 - {}^{10}C_4) + \dots + ({}^{21}C_{10} - {}^{10}C_{10})$  का मान है—

(1)  $2^{21} - 2^{11}$

(2)  $2^{21} - 2^{10}$

(3)  $2^{20} - 2^9$

(4)  $2^{20} - 2^{10}$

**Ans.**  
**Sol.**

$$({}^{21}C_1 + {}^{21}C_2 + {}^{21}C_3 + \dots + {}^{21}C_{10}) - ({}^{10}C_1 + {}^{10}C_2 + {}^{10}C_3 + \dots + {}^{10}C_{10}) = S_1 - S_2$$

$$S_1 = {}^{21}C_1 + {}^{21}C_2 + {}^{21}C_3 + \dots + {}^{21}C_{10}$$

$$S_1 = \frac{1}{2} ({}^{21}C_1 + {}^{21}C_2 + \dots + {}^{21}C_{20}) = \frac{1}{2} ({}^{21}C_0 + {}^{21}C_1 + {}^{21}C_2 + \dots + {}^{21}C_{20} + {}^{21}C_{21} - 2)$$

$$S_1 = 2^{20} - 1$$

$$S_2 = ({}^{10}C_1 + {}^{10}C_2 + {}^{10}C_3 + \dots + {}^{10}C_{10}) = 2^{10} - 1$$

Therefore इसलिए,  $S_1 - S_2 = 2^{20} - 2^{10}$

26. A box contains 15 green and 10 yellow balls. If 10 balls are randomly drawn, one-by-one, with replacement, then the variance of the number of green balls drawn is  
एक बक्से में 15 हरी तथा 10 पीली गेंदें हैं। यदि एक-एक करके यादृच्छ्या, प्रतिस्थापना सहित, 10 गेंदें निकाली जाएँ, तो हरी गेंदों की संख्या का प्रसरण है—

(1)  $\frac{12}{5}$       (2) 6      (3) 4      (4)  $\frac{6}{25}$

**Ans. (1)**

**Sol.** 15 green हरा + 10 yellow पीला = 25 balls गेंदे

$$P(\text{green हरा}) = \frac{3}{5} = p_1$$

$$P(\text{yellow} \text{ पीला}) = \frac{2}{5} = q$$

n = 10

$$\therefore \text{Variance} = npq = 10 \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{5} = \frac{60}{25} = \frac{12}{5}$$

27. Let  $a, b, c \in \mathbb{R}$ . If  $f(x) = ax^2 + bx + c$  is such that  $a + b + c = 3$  and  $f(x + y) = f(x) + f(y) + xy$ ,  $\forall x, y \in \mathbb{R}$ , then  $\sum_{n=1}^{10} f(n)$  is equal to

माना  $a, b, c \in \mathbb{R}$ . यदि  $f(x) = ax^2 + bx + c$  ऐसा है कि  $a + b + c = 3$  तथा सभी  $\forall x, y \in \mathbb{R}$  के लिए

$$f(x+y) = f(x) + f(y) + xy \text{ है, तो } \sum_{n=1}^{10} f(n) \text{ बराबर है} -$$

(1) 330      (2) 165      (3) 190

(1)

$$f(x) = ax^2 + bx + c$$

$$f(x+y) = f(x) + f(y) + xy$$

$$a(x + y)^2 + b(x + y) + c = ax^2 + bx$$

$$2axy = c + xy \quad \forall x, y$$

$$(2a - 1)xy - c = 0 \quad \forall x, y \in \mathbb{R}$$

$$\Rightarrow c = 0, \quad a = \frac{1}{c}$$

$$a + b + c = 3$$

$$a+b+c=3$$

$$\frac{-}{2} + b + 0 = 3$$

5

5 - 2

$$\therefore f(x) = \frac{1}{2}x^2 + \frac{5}{2}x$$

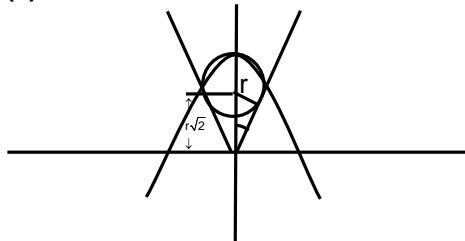
$$\angle \angle$$

$$\sum_{n=1} f(n) = \frac{1}{2} \sum_{n=1} n^2 + \frac{5}{2} \sum_{n=1} n$$

- 28.** The radius of a circle, having minimum area, which touches the curve  $y = 4 - x^2$  and the lines,  $y = |x|$  is न्यूनतम क्षेत्रफल वाले ऐसे वृत्त, जो वक्र  $y = 4 - x^2$  तथा रेखाओं  $y = |x|$  को स्पर्श करता है, की त्रिज्या है—

(1)  $2(\sqrt{2} + 1)$       (2)  $2(\sqrt{2} - 1)$       (3)  $4(\sqrt{2} - 1)$       (4)  $4(\sqrt{2} + 1)$

Ans. (3)



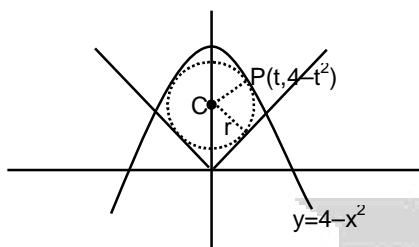
Sol.

let radius of circle be  $r$ , its center lies on  $y$ -axis as  $y$ -axis bisects the 2 rays of  $y = |x|$

माना वृत्त की त्रिज्या  $r$  है इसका केन्द्र  $y$ -अक्ष पर स्थित है चूंकि  $y = |x|$  की दो किरणें  $y$ -अक्ष द्वारा समद्विभाजित होती हैं।

$$\text{Now अब } 4 - r\sqrt{2} = r \Rightarrow r = \frac{4}{\sqrt{2} + 1} = 4(\sqrt{2} - 1)$$

**NOTE :** The correct solution should be सही हल होना चाहिए



due to symmetry center of the circle must be on  $y$ -axis

सममितता के कारण वृत्त का केन्द्र  $y$ -अक्ष पर स्थित है।

let center be माना केन्द्र  $(0, k)$

Length of perpendicular from  $(0, k)$  to  $y = x$ ,  
 $(0, k)$  से  $y = x$  पर डाले गये लम्ब की लम्बाई

$$\text{i.e. अर्थात् } r = \left| \frac{k}{\sqrt{2}} \right|$$

$$\therefore \text{Equation of circle वृत्त का समीकरण : } x^2 + (y - k)^2 = \frac{k^2}{2}$$

solving circle and parabola, वृत्त तथा परवलय को हल करने पर

$$4 - y + y^2 - 2ky + \frac{k^2}{2} = 0$$

$$y^2 - (2k + 1)y + \left( \frac{k^2}{2} + 4 \right) = 0$$

Because circle touches the parabola क्योंकि वृत्त परवलय को स्पर्श करता है।

$$\therefore D = 0$$

$$(2k + 1)^2 = 4 \left( \frac{k^2}{2} + 4 \right)$$

$$4k^2 + 4k + 1 = 2k^2 + 16$$

$$\text{On solving we get हल करने पर } k = \frac{-4 + \sqrt{136}}{4}$$

$$\text{Therefore radius अतः त्रिज्या } = k / \sqrt{2} \approx 1.3546$$

However among the given choices the following method will yield one of the choice.

दी गये विकल्पों में से उपरोक्त विधि से एक विकल्प प्राप्त होता है।

- 29.** If, for a positive integer  $n$ , the quadratic equation,  $x(x+1) + (x+1)(x+2) + \dots + (x+n-1)(x+n) = 10n$  has two consecutive integral solutions, then  $n$  is equal to

यदि धनात्मक पूर्णांक  $n$  के लिए द्विघात समीकरण  $x(x + 1) + (x + 1)(x + 2) + \dots + (x + \overline{n-1})(x + n) = 10n$  के दो क्रमागत पूर्णांक हल हैं तब  $n$  का मान बराबर है।



**Ans. (4)**

**Sol.** The given quadratic equation is दी गई द्विघात समीकरण है।

$$nx^2 + x(1+3+5+\dots+(2n-1)) + (1 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + \dots + (n-1) \cdot n) - 10n = 0$$

$$\Rightarrow nx^2 + x(n^2) + \frac{n(n^2-1)}{3} - 10n = 0 \quad \Rightarrow x^2 + x(n) + \frac{(n^2-1)}{3} - 10 = 0$$

$\alpha$   
 $\beta$

$$(\alpha - \beta)^2 = 1 \quad \Rightarrow (\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta = 1 \quad \Rightarrow n^2 - 4\left(\frac{n^2-1}{3} - 10\right) = 1 \Rightarrow n = 11$$

30. The integral  $\int_{\frac{\pi}{4}}^{3\pi} \frac{dx}{1 + \cos x}$  is equal to

$$\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{3\pi}{4}} \frac{dx}{1 + \cos x} \text{ बराबर है} -$$



$$\text{Sol. } I = \int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{3\pi}{4}} \frac{1}{1 + \cos x} dx$$

Using property गुणधर्म ,  $\int_a^b f(x)dx = \int_a^b f(a+b-x)dx$  का उपयोग करने पर

$$I = \int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{3\pi}{4}} \frac{1}{1 - \cos x} dx$$

On adding we get, योग करने पर

$$2I = \int_{-\frac{\pi}{4}}^{\frac{3\pi}{4}} \frac{1}{1 - \cos^2 x} dx$$

$$2I = \int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{3\pi}{4}} 2 \cos x \cdot \sec^2 x \, dx$$

$$I = \left(-\cot x\right) \left|\frac{\frac{3\pi}{4}}{\frac{\pi}{4}}\right| = 2$$

## PART : II PHYSICS

### PART– B

#### Straight Objective Type (सीधे वस्तुनिष्ठ प्रकार)

This section contains **30 multiple choice questions**. Each question has 4 choices (1), (2), (3) and (4) for its answer, out of which **Only One** is correct.

इस खण्ड में **30** बहु-विकल्पी प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न के 4 विकल्प (1), (2), (3) तथा (4) हैं, जिनमें से **सिर्फ़ एक सही** है।

- 31.** A radioactive nucleus A with a half life T, decays into a nucleus B. At t = 0, there is no nucleus B. At sometime t, the ratio of the number of B to that of A is 0.3. Then, t is given by :

एक रेडियोएक्टिव नाभिक A अर्द्धआयु T है, का क्षय एक नाभिक B में होता है। समय t = 0 पर कोई भी नाभिक B नहीं है।

एक समय t पर नाभिकों B तथा A की संख्या का अनुपात 0.3 है तो t का मान होगा।

$$(1) t = \frac{T}{\log(1.3)} \quad (2) t = \frac{T \log 2}{2 \log 1.3} \quad (3) t = T \frac{\log 1.3}{\log 2} \quad (4) t = T \log (1.3)$$

**Ans. (3)**

**Sol.** 
$$\frac{N_B}{N_A} = \frac{N_0(1 - e^{-\lambda t})}{N_0 e^{-\lambda t}}$$

$$0.3 = e^{\lambda t} - 1$$

$$1.3 = e^{\lambda t}$$

$$\ln(1.3) = \lambda t$$

$$t = \frac{\ln(1.3)}{\ln(2)} \times T$$

- 32.** The following observations were taken for determining surface tension T of water by capillary method : diameter of capillary, D =  $1.25 \times 10^{-2}$  m rise of water , h =  $1.45 \times 10^{-2}$  m.

Using g = 9.80 m/s<sup>2</sup> and the simplified relation  $T = \frac{rgh}{2} \times 10^3$  N/m, the possible error in surface tension

is closest to :

निम्न प्रेक्षणों को केशिका विविध से पानी का पृष्ठ तनाव T नापने के लिये किया जाता है।

केशिका का व्यास, D =  $1.25 \times 10^{-2}$  m

पानी का चढ़ाव, h =  $1.45 \times 10^{-2}$  m.

$g = 9.80 \text{ m/s}^2$  तथा सरलीकृत सम्बन्ध  $T = \frac{rgh}{2} \times 10^3 \text{ N/m}$ , को उपयोग करते हुए पृष्ठ तनाव में सम्भावित त्रुटि का

निकटतम् मान होगा।

$$(1) 10\% \quad (2) 0.15\% \quad (3) 1.5\% \quad (4) 2.4\%$$

**Ans. (3)**

**Sol.** Here the information of least count of D and h measurement are not given so we will use max.

Permissible error in D and h = place value of last digit.

$$D = 1.25 \times 10^{-2} \text{ m} \text{ so } \Delta D = 0.01 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$h = 1.45 \times 10^{-2} \text{ m} \text{ so } \Delta h = 0.01 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$g = 9.80 \text{ m/s}^2$$

$$T = \frac{rgh}{2} \times 10^3$$

$$\frac{\Delta T}{T} = \frac{\Delta r}{r} + \frac{\Delta h}{h} = \frac{\Delta D}{D} + \frac{\Delta h}{h}$$

$$\frac{\Delta T}{T} = \frac{0.01 \times 10^{-2}}{1.25 \times 10^{-2}} + \frac{0.01 \times 10^{-2}}{1.45 \times 10^{-2}}$$

$$\frac{\Delta T}{T} = \left( \frac{1}{125} + \frac{1}{145} \right) \times 100\%$$

$$= (0.008 + 0.0069) \times 100\%$$

$$= 1.49 \approx 1.5\%$$

**Hindi.** यहाँ D एवं h के मापन के अल्पतमांक की सूचना नहीं दी है अतः हम D व h में अधिकतम संभव त्रुटि का उपयोग करेंगे = अंतिम अंक का स्थानीय मान

$$D = 1.25 \times 10^{-2} \text{ m} \text{ इसीलिये } \Delta D = 0.01 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$h = 1.45 \times 10^{-2} \text{ m} \text{ इसीलिये } \Delta h = 0.01 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$g = 9.80 \text{ m/s}^2$$

$$T = \frac{rgh}{2} \times 10^3$$

$$\frac{\Delta T}{T} = \frac{\Delta r}{r} + \frac{\Delta h}{h} = \frac{\Delta D}{D} + \frac{\Delta h}{h}$$

$$\frac{\Delta T}{T} = \frac{0.01 \times 10^{-2}}{1.25 \times 10^{-2}} + \frac{0.01 \times 10^{-2}}{1.45 \times 10^{-2}}$$

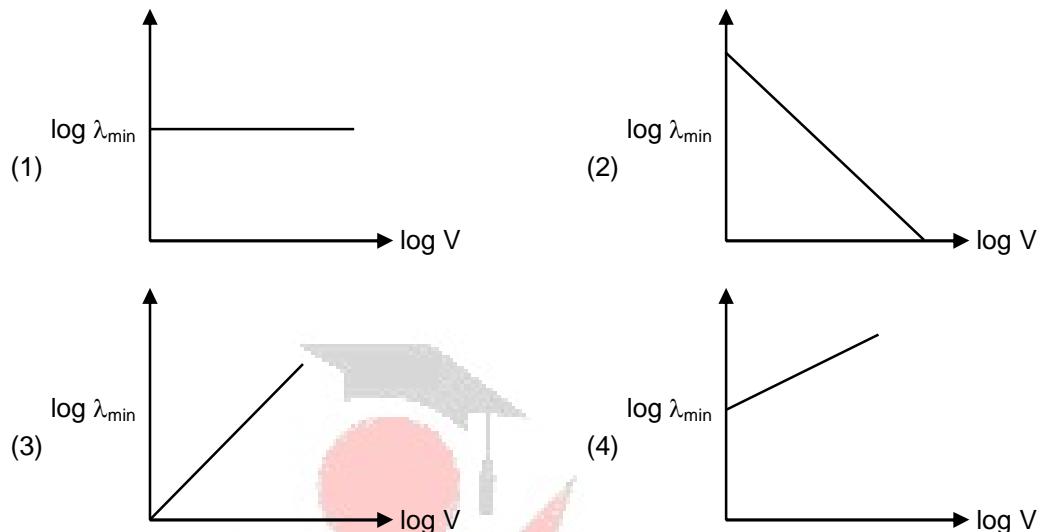
$$\frac{\Delta T}{T} = \left( \frac{1}{125} + \frac{1}{145} \right) \times 100\%$$

$$= (0.008 + 0.0069) \times 100\%$$

$$= 1.49 \approx 1.5\%$$

33. An electron beam is acceleration by a potential difference  $V$  to hit a metallic target to produce X-rays. It produces continuous as well as characteristic X-rays. If  $\lambda_{\min}$  is the smallest possible wavelength of X-ray in the spectrum, the variation of  $\log \lambda_{\min}$  with  $\log V$  is correctly represented in :

X-किरणें उत्पन्न करने के लिये एक इलेक्ट्रोन पुंज को विभवान्तर  $V$  से त्वरित करके धातु लक्ष्य पर आपतित किया जाता है। इससे अभिलक्षणिक (characteristic) एवं अविरल (continuous) X-किरणें उत्पन्न होती हैं। यदि X-किरण स्पेक्ट्रम का न्यूनतम् संभव तरंगदैर्घ्य  $\lambda_{\min}$  है तो  $\log \lambda_{\min}$  व  $\log V$  के साथ बदलाव किस चित्र में सही दिखाया गया है।



**Ans. (2)**

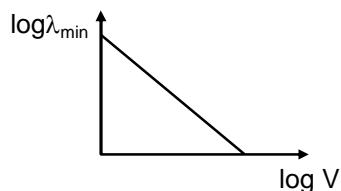
$$\text{Sol. } eV = \frac{hc}{\lambda_{\min}}$$

$$\lambda_{\min} = \frac{12400}{eV}$$

$$\log(\lambda_{\min}) = \log(12400) - \log(e) - \log(V)$$

$$\log \lambda_{\min} = C - \log V$$

$$\Rightarrow Y = C - mx$$



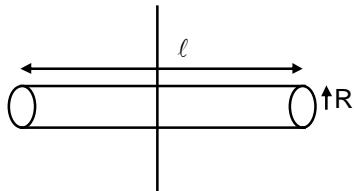
- 34.** The moment of inertia of a uniform cylinder of length  $l$  and radius  $R$  about its perpendicular bisector is  $I$ . What is the ratio  $l/R$  such that the moment of inertia is minimum?

एक त्रिज्या  $R$  तथा लम्बाई  $l$  के एक समान बेलन का उसके अभिलम्ब द्विभाजक के सापेक्ष जड़त्व आघूर्ण  $I$  है। जड़त्व आघूर्ण के निम्नतम् मान के लिए अनुपात  $l/R$  क्या होगा ?

- (1)  $\frac{3}{\sqrt{2}}$       (2)  $\sqrt{\frac{3}{2}}$       (3)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$       (4) 1

**Ans.** (2)

**Sol.**  $I = \frac{Ml^2}{12} + \frac{MR^2}{4}$



$$= \frac{Ml^2}{12} + \frac{M}{4} \times \frac{M}{\rho\pi l} ; M = (\pi R^2 l)\rho \Rightarrow \frac{M}{\rho\pi l} = R^2$$

$$\frac{dI}{dl} = \frac{M}{12}(2l) - \frac{M^2}{4\rho\pi} \left( \frac{1}{l^2} \right) = 0$$

$$\frac{l}{6} = \frac{M}{4\rho\pi l^2}$$

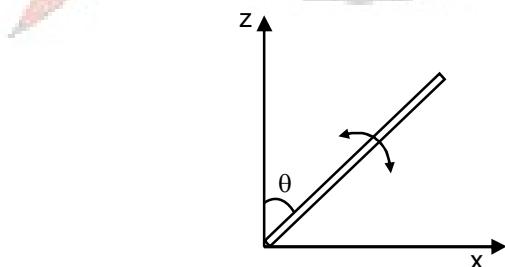
$$l^3 = \frac{3M}{2\rho\pi} = \frac{3}{2\rho\pi} \times \pi R^2 l \rho$$

$$\frac{l^2}{R^2} = \frac{3}{2}$$

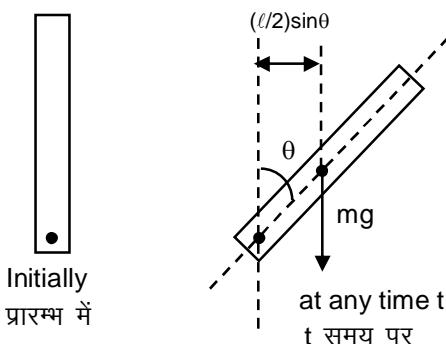
$$\frac{l}{R} = \sqrt{\frac{3}{2}}$$

- 35.** A slender uniform rod of mass  $M$  and length  $l$  is pivoted at one end so that it can rotate in a vertical plane (see figure). There is negligible friction at the pivot. The free end is held vertically above the pivot and then released. the angular acceleration of the rod when it makes an angle  $\theta$  with the vertical is

एक द्रव्यमान  $M$  एवं लम्बाई  $l$  की पतली एवं एक समान छड़ का एक सिरा धुराग्रस्त है जिससे कि वह एक ऊर्ध्वाधर समतल में घूम सकती है। (चित्र देखिये)। धूरी का घर्षण नगण्य है। छड़ के दूसरे सिरे को धूरी के ऊपर ऊर्ध्वाधर रखकर छोड़ दिया जाता है। जब छड़ ऊर्ध्व से  $\theta$  कोण बनाती है तो उसका कोणीय त्वरण होगा।



- (1)  $\frac{2g}{3l} \cos \theta$       (2)  $\frac{3g}{2l} \sin \theta$       (3)  $\frac{2g}{3l} \sin \theta$       (4)  $\frac{3g}{2l} \cos \theta$

**Ans. (2)****Sol.**

$$m g \sin \theta \frac{l}{2} = \frac{m l^2}{3} \alpha$$

$$\frac{3g}{2l} \sin \theta = \alpha$$

- 36.**  $C_p$  and  $C_v$  are specific heats at constant pressure and constant volume respectively. It is observed that  $C_p - C_v = a$  for hydrogen gas

$C_p - C_v = b$  for nitrogen gas

The correct relation between a and b is :

स्थिर दाब तथा स्थिर आयतन पर विशिष्ट ऊष्मा  $C_p$  तथा  $C_v$  है पाया जाता है

हाइड्रोजन के लिये  $C_p - C_v = a$

नाइट्रोजन के लिये  $C_p - C_v = b$

a तथा b के बीच का सही सम्बन्ध होगा।

(1)  $a = 28 b$

(2)  $a = \frac{1}{14} b$

(3)  $a = b$

(4)  $a = 14 b$

**Ans.****Sol.**

**(4)**

$$C = (M_0)s$$

For  $H_2$  as well as  $N_2$

$H_2$  व  $N_2$  दोनों के लिये

$$C_p - C_v = R$$

$$(M_0) S_p - (M_0) S_v = R$$

$$S_p - S_v = \frac{R}{M_0}$$

For  $H_2$  gas के लिये

$$S_p - S_v = \frac{R}{2} = a$$

For  $N_2$  gas के लिये

$$S_p - S_v = \frac{R}{28} = b$$

$$\text{So } \frac{a}{b} = \frac{\frac{R}{2}}{\frac{R}{28}} = 14 \Rightarrow a = 14b$$

37. A copper ball of mass 100 gm is at a temperature T. It is dropped in a copper calorimeter of mass 100 gm, filled with 170 gm of water at room temperature. Subsequently, the temperature of the system is found to be  $75^{\circ}\text{C}$ . T is given by : (Given : room temperature =  $30^{\circ}\text{C}$ , specific heat of copper =  $0.1 \text{ cal/gm}^{\circ}\text{C}$ )

100 gm द्रव्यमान वाला ताँबे के एक गोले का तापमान T है। उसे एक 170 gm पानी से भरे हुए 100 gm के ताँबे के कैलोरीमीटर जोकि कमरे के तापमान पर है, में डाल दिया जाता है। तत्पश्चात निकाय का तापमान  $75^\circ\text{C}$  पाया जाता है। T का मान होगा। (दिया है : कमरे का तापमान =  $30^\circ\text{C}$ , ताँबे की विशिष्ट ऊर्जा =  $0.1 \text{ cal/gm}^\circ\text{C}$ )

- (1)  $825^{\circ}\text{C}$       (2)  $800^{\circ}\text{C}$       (3)  $885^{\circ}\text{C}$       (4)  $1250^{\circ}\text{C}$

**Ans. (3)**

**Sol.** Heat given by copper ball = Heat taken by water + Heat taken by calorimeter system

कॉपर गेंद द्वारा दी गई ऊषा = पानी द्वारा ली गई ऊषा + कैलोरीमापी निकाय द्वारा ली गई ऊषा

$$(100)(0.1)(T - 75) = (170)(1)(75 - 30) + (100)(0.1)(75 - 30)$$

$$10T - 750 = 8100$$

$$10T = 8850$$

T = 885°C

38. In amplitude modulation, sinusoidal carrier frequency used is denoted by  $\omega_c$  and the signal frequency is denoted by  $\omega_m$ . The bandwidth ( $\Delta\omega_m$ ) of the signal is such that  $\Delta\omega_m \ll \omega_c$ . Which of the following frequency is not contained in the modulated wave ?

आयाम मॉड्यूलन में ज्यावक्रिय वाहक आवृत्ति को  $\omega_c$  से तथा सिग्नल आवृत्ति को  $\omega_m$  से दर्शाते हैं। सिग्नल की बैण्ड चौड़ाई ( $\Delta\omega_m$ ) को इस तरह चुनते हैं कि  $\Delta\omega_m \ll \omega_c$ , निम्न में से कौनसी आवृत्ति मॉड्यूलित तरंग में नहीं होगी।

- (1)  $\omega_c - \omega_m$       (2)  $\omega_m$       (3)  $\omega_c$       (4)  $\omega_m + \omega_c$

**Ans. (2)**

**Sol.** Let  $c(t) = A_c \sin \omega_c t$  represent carrier wave and  $m(t) = A_m \sin \omega_m t$  represent the message or the modulating signal where  $\omega_m = 2\pi f_m$  is the angular frequency of the message signal. The modulated signal  $c_m(t)$  can be written as

$$c_m(t) = (A_c + A_m \sin \omega_m t) \sin \omega_c t \\ = A_c \left( 1 + \frac{A_m}{A_c} \sin \omega_m t \right) \sin \omega_c t \quad \dots \dots \dots \text{(i)}$$

Note that the modulated signal now contains the message signal. From Eq. (i), we can write,

$$c_m(t) = A_c \sin \omega_c t + \mu A_c \sin \omega_m t \sin \omega_c t \quad \dots \dots \dots \text{(ii)}$$

Here  $\mu = A_m/A_c$  is the modulation index; in practice,  $\mu$  is kept  $\leq 1$  to avoid distortion.

Using the trigonometric relation  $\sin A \sin B = 1/2 (\cos (A - B) - \cos (A + B))$ ,

we can write  $c_m(t)$  of Eq. (ii) as

$$c_m(t) = A_c \sin \omega_c t + \frac{\mu A_c}{2} \cos (\omega_c - \omega_m) t - \frac{\mu A_c}{2} \cos (\omega_c + \omega_m) t \quad \dots \dots \dots \text{(iii)}$$

In amplitude modulated wave, the frequencies contained are  $\omega_c - \omega_m$ ,  $\omega_c$ ,  $\omega_c + \omega_m$ .

The frequency of  $\omega_m$  is not contained in A.M. wave

**Hindi.** मान लीजिए  $c(t) = A_c \sin \omega_c t$  वाहक तरंग को निरूपित करती है, तथा  $m(t) = A_m \sin \omega_m t$  माडुलेट सिग्नल अथवा संदेश को निरूपित करती है जबकि,  $\omega_m = 2\pi f_m$  संदेश सिग्नल की कोणीय आवृत्ति है। तब माडुलेट सिग्नल  $c_m(t)$  को इस प्रकार व्यक्त किया जा सकता है।

$$c_m(t) = (A_c + A_m \sin \omega_m t) \sin \omega_c t \\ = A_c \left( 1 + \frac{A_m}{A_c} \sin \omega_m t \right) \sin \omega_c t \quad \dots \dots \dots \text{(i)}$$

ध्यान दीजिए, अब संदेश सिग्नल माडुलेट में अतंर्विष्ट है। समीकरण (i), से हम यह लिख सकते हैं।

$$c_m(t) = A_c \sin \omega_c t + \mu A_c \sin \omega_m t \sin \omega_c t \quad \dots \dots \dots \text{(ii)}$$

यहाँ  $\mu = A_m/A_c$  माडुलेट सूचकांक है। विरूपण से बचाव के लिए व्यवहार में  $\mu \leq 1$  रखा जाता है।

त्रिकोणमितीय संबंध  $\sin A \sin B = 1/2 (\cos(A - B) - \cos(A + B))$  का उपयोग करके हम समीकरण (ii) से  $c_m(t)$  को इस प्रकार व्यक्त कर सकते हैं।

$$c_m(t) = A_c \sin \omega_c t + \frac{\mu A_c}{2} \cos(\omega_c - \omega_m)t - \frac{\mu A_c}{2} \cos(\omega_c + \omega_m)t \quad \dots \dots \dots \text{(iii)}$$

आयाम मोडुलेट तंरंग में, सम्मिलित आवृत्तियाँ  $\omega_c - \omega_m$ ,  $\omega_c$ ,  $\omega_c + \omega_m$  हैं।  $\omega_m$  आवृत्ति आयाम मोडुलेट तंरंग में सम्मिलित नहीं है।

- 39.** The temperature of an open room of volume  $30 \text{ m}^3$  increased from  $17^\circ\text{C}$  to  $27^\circ\text{C}$  due to the sunshine. The atmospheric pressure in the room remains  $1 \times 10^5 \text{ Pa}$ . If  $n_i$  and  $n_f$  are the number of molecules in the room before and after heating, then  $n_f - n_i$  will be :

सूर्य की किरणों से एक खुले हुए  $30 \text{ m}^3$  आयतन वाले कमरे का तापमान  $17^\circ\text{C}$  से  $27^\circ\text{C}$  हो जाता है। कमरे के अन्दर वायुमण्डलीय दाब  $1 \times 10^5 \text{ Pa}$  ही रहता है। यदि कमरे के अन्दर अणुओं की संख्या गर्म होने से पहले एवं बाद में क्रमशः  $n_i$  व  $n_f$  हैं तो  $n_f - n_i$  का मान होगा।

- (1)  $-2.5 \times 10^{25}$       (2)  $-1.61 \times 10^{23}$       (3)  $1.38 \times 10^{23}$       (4)  $2.5 \times 10^{25}$

**Ans.** (1)

$$\text{Sol. } n_f - n_i = \left( \frac{PV}{RT} \right)_f - \left( \frac{PV}{RT} \right)_i \\ n_f - n_i = \frac{PV}{R} \left( \frac{1}{T_f} - \frac{1}{T_i} \right) \\ = \frac{(10^5)(30)}{\frac{25}{3}} \left( \frac{1}{300} - \frac{1}{290} \right) = -\frac{90 \times 10^5}{25} \left( \frac{10}{(300)(290)} \right) \\ = -\frac{90 \times 10^4}{25 \times 3 \times 29} = \frac{3 \times 10^4}{25 \times 29} \text{ mole} = -\frac{3 \times 10^4}{25 \times 29} \times 6 \times 10^{23} = -2.48 \times 10^{25}$$

- 40.** In a Young's double slit experiment, slits are separated by  $0.5 \text{ mm}$ , and the screen is placed  $150 \text{ cm}$  away. A beam of light consisting of two wavelengths,  $650 \text{ nm}$  and  $520 \text{ nm}$ , is used to obtain interference fringes on the screen. The least distance from the common central maximum to the point where the bright fringes due to both the wavelengths coincide is :

यंग के एक द्विस्तरी प्रयोग में, द्विस्तरों के बीच को दूरी  $0.5 \text{ mm}$  एवं पर्दे की दूरी  $150 \text{ cm}$  है। एक प्रकाश पुंज, जिसमें  $650 \text{ nm}$  और  $520 \text{ nm}$  को दो तरंगदैर्घ्य हैं, को पर्दे पर व्यतीकरण फिल्ज बनाने में उपयोग करते हैं। उभयनिष्ठ केन्द्रीय उच्चार से वह बिन्दु, जहाँ दोनों तरंगदैर्घ्यों को दीप्त क्रिन्जे सम्पाती होती है, की न्यूनतम दूरी होगी। :

- (1)  $15.6 \text{ mm}$       (2)  $1.56 \text{ mm}$       (3)  $7.8 \text{ mm}$       (4)  $9.75 \text{ mm}$

**Ans.** (3)

$$\text{Sol. } \beta_1 = \frac{\lambda D}{d} = \frac{650 \times 10^{-9} \times 1.5}{5 \times 10^{-4}}$$

$$= 650 \times 0.3 \times 10^{-5}$$

$$= 1.95 \text{ mm}$$

$$\beta_2 = \frac{520 \times 10^{-9} \times 1.5}{5 \times 10^{-4}}$$

$$= 520 \times 0.3 \times 10^{-5}$$

$$= 1.56 \text{ mm}$$

$$4\beta_1 = 5\beta_2 = 7.8 \text{ mm}$$

41. A particle A of mass  $m$  and initial velocity  $v$  collides with a particle B of mass  $\frac{m}{2}$  which is at rest. The collision is head on, and elastic. The ratio of the de-Broglie wavelengths  $\lambda_A$  to  $\lambda_B$  after the collision is :  
 द्रव्यमान  $m$  एवं प्रारम्भिक वेग  $v$  के एक कण A की टक्कर द्रव्यमान  $\frac{m}{2}$  के स्थिर कण B से होती है। यह टक्कर समुख एवं प्रत्यावर्स्था है। टक्कर के बाद डि-ब्रॉगली तरंगदैध्यों  $\lambda_A$  से  $\lambda_B$  का अनुपात होगा।

$$(1) \frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \frac{1}{2}$$

$$(2) \frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \frac{1}{3}$$

$$(3) \frac{\lambda_A}{\lambda_B} = 2$$

$$(4) \frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \frac{2}{3}$$

**Ans.** (3)  
**Sol.**



Initially  
 Momentum Conservation संवेग संरक्षण से

$$mv = mv_A + \frac{m}{2}v_B \quad \dots(i)$$

$$e = \frac{v_B - v_A}{v} = 1 \quad \dots(ii)$$

$$2(v_B - v_A) = 2v_A + v_B$$

$$2v_B - v_B = 4v_A$$

$$v_B = 4v_A$$

$$\frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \frac{m_B v_B}{m_A v_A} = \frac{m/2}{m} \times 4 = 2$$

Finally

42. A magnetic needle of magnetic moment  $6.7 \times 10^{-2} \text{ Am}^2$  and moment of inertia  $7.5 \times 10^{-6} \text{ kg m}^2$  is performing simple harmonic oscillations in a magnetic field of  $0.01 \text{ T}$ . Time taken for 10 complete oscillations is :

एक चुम्बकीय आघूर्ण  $6.7 \times 10^{-2} \text{ Am}^2$  एवं जड़वत् आघूर्ण  $7.5 \times 10^{-6} \text{ kg m}^2$  वाली चुम्बकीय सुई एक  $0.01 \text{ T}$  तीव्रता के चुम्बकीय क्षेत्र में सरल आवर्त दोलन कर रही है। 10 पूरे दोलन का समय होगा।

$$(1) 8.76 \text{ s}$$

$$(2) 6.65 \text{ s}$$

$$(3) 8.89 \text{ s}$$

$$(4) 6.98 \text{ s}$$

**Ans.** (2)

**Sol.**  $M = 6.7 \times 10^{-2} \text{ A-m}^2$

$$I = 7.5 \times 10^{-6} \text{ kgm}^2$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{I}{MB}}$$

$$= 2\pi \sqrt{\frac{7.5 \times 10^{-6}}{6.7 \times 10^{-2} \times 10^{-2}}}$$

$$= 2\pi \sqrt{\frac{7.5}{6.7} \times 10^{-2}} = 2\pi \times 10^{-1} \sqrt{\frac{75}{67}}$$

$$t = 10T = 2\pi \sqrt{\frac{75}{67}} = 6.65 \text{ sec.}$$

- 43.** An electric dipole has a fixed dipole moment  $\vec{p}$ , which makes angle  $\theta$  with respect to x-axis. When subjected to an electric field  $\vec{E}_1 = E\hat{i}$ , it experiences a torque  $\vec{T}_1 = \tau\hat{k}$ . When subjected to another electric field  $\vec{E}_2 = \sqrt{3}E_1\hat{j}$  it experiences a torque  $\vec{T}_2 = -\vec{T}_1$ . The angle  $\theta$  is :

एक विद्युत द्विध्रुव का स्थिर द्विध्रुव आघूर्ण  $\vec{p}$  है जो कि x-अक्ष से  $\theta$  कोण बनाता है। विद्युत क्षेत्र  $\vec{E}_1 = E\hat{i}$  में रखने पर यह बल आघूर्ण  $\vec{T}_1 = \tau\hat{k}$  का अनुभव करता है। विद्युत क्षेत्र  $\vec{E}_2 = \sqrt{3}E_1\hat{j}$  में रखने पर यह बल आघूर्ण  $\vec{T}_2 = -\vec{T}_1$  का अनुभव करता है। कोण  $\theta$  का मान होगा।

(1)  $90^\circ$

(2)  $30^\circ$

(3)  $45^\circ$

(4)  $60^\circ$

**Ans.** (4)

**Sol.**

$$\vec{P}$$

$$\vec{E}$$

$$\theta$$

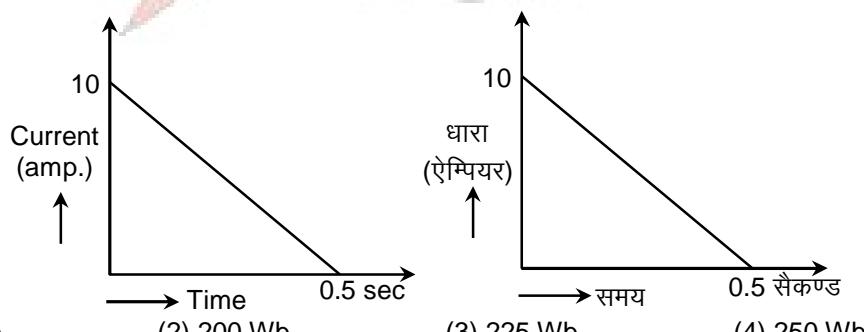
$$PE\sin\theta = P(\sqrt{3}E)\sin(90^\circ - \theta)$$

$$\tan\theta = \sqrt{3}$$

$$\theta = 60^\circ$$

- 44.** In a coil resistance  $100\Omega$ , a current is induced by changing the magnetic flux through it as shown in the figure. The magnitude of change in flux through the coil is :

चुम्बकीय फलक्स के बदलने से  $100\Omega$  प्रतिरोध की कुण्डली में प्रेरित धारा को चित्र में दर्शाया गया है। कुण्डली से गुजरने वाले फलक्स में बदलाव का परिमाण होगा।



(1)  $275 \text{ Wb}$

(4)

**Ans.** (4)

**Sol.**  $\Delta Q = \frac{\Delta\phi}{r} = \text{Area under } i-t \text{ graph}$   $i-t$  ग्राफ का क्षेत्रफल

$$= \frac{\Delta\phi}{100} = \frac{1}{2} \times 10 \times 0.5$$

$$\Rightarrow \Delta\phi = 2.5 \times 100 = 250$$

- 45.** A time dependent force  $F = 6t$  acts on a particle of mass 1kg. If the particle starts from rest, the work done by the force during the first 1 sec. will be :

1kg द्रव्यमान का एक कण एक समय पर निर्भर (time dependent) बल  $F = 6t$  का अनुभव करता है। यदि कण विरामावस्था से चलता है तो पहले 1 सैकण्ड में बल द्वारा किया गया कार्य होगा।

(1) 18 J

(2) 4.5 J

(3) 22 J

(4) 9 J

**Ans.** (2)

**Sol.**

$$\begin{array}{c} \boxed{\phantom{00}} \longrightarrow F = 6t \\ \hline \end{array}$$

$$a = \frac{F}{m} = \frac{6t}{1} = 6t$$

$$\frac{dv}{dt} = 6t$$

$$dv = 6tdt$$

$$\int_0^v dv = 6 \int_0^t t dt$$

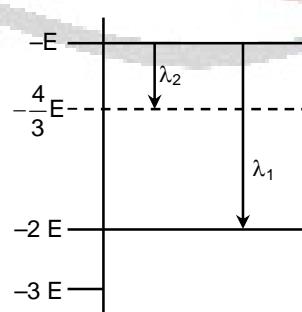
$$v = 6 \left[ \frac{t^2}{2} \right]_0^1 = 3$$

$$W = \Delta KE = K_F - K_i$$

$$= \frac{1}{2} (1)(3)^2 = 4.5 \text{ J}$$

- 46.** Some energy levels of a molecule are shown in the figure. The ratio of the wavelengths  $r = \lambda_1/\lambda_2$ , is given by :

एक अणु के कुछ ऊर्जा स्तरों की चित्र में दिखाया गया है। तरंगदैध्यों के अनुपात  $r = \lambda_1/\lambda_2$  का मान होगा।



(1)  $r = \frac{1}{3}$

(2)  $r = \frac{4}{3}$

(3)  $r = \frac{2}{3}$

(4)  $r = \frac{3}{4}$

**Ans.** (1)

Sol.  $(-E) - (-2E) = \frac{hc}{\lambda_1}$  ... (i)

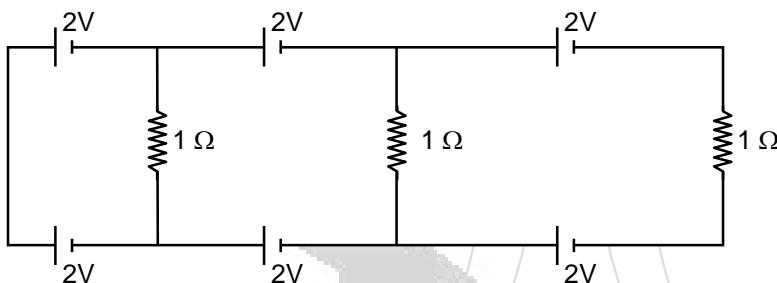
$$(-E) - \left(-\frac{4}{3}E\right) = \frac{hc}{\lambda_2} \quad \dots \text{(ii)}$$

Equation समीकरण (ii) / (i)

$$\frac{\frac{4}{3} - 1}{2 - 1} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2}$$

$$\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{1}{3}$$

47.



In the above circuit the current in each resistance is :

ऊपर दिये गये परिपथ में प्रत्येक प्रतिरोध में धारा का मान होगा।

(1) 0 A

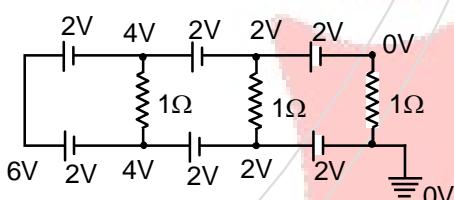
(1)

(2) 1 A

(3) 0.25 A

(4) 0.5 A

Ans.  
Sol.

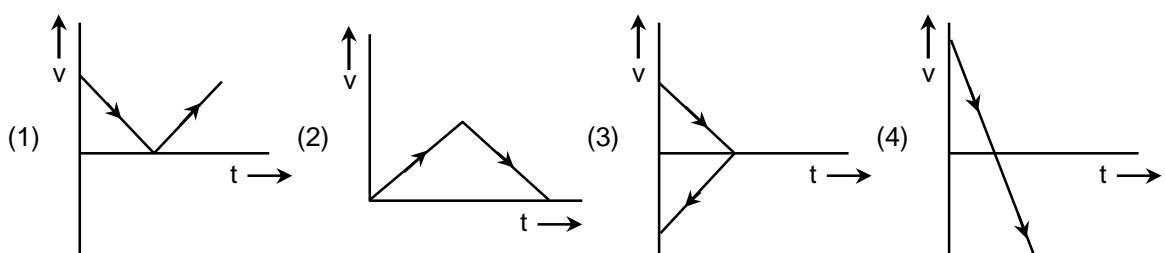


p.d. across each resistance is zero so current is also zero.

प्रत्येक प्रतिरोध के सिरों पर विभवान्तर शून्य है। इसलिये धारा भी शून्य होगी।

48. A body is thrown vertically upwards. Which one of the following graphs correctly represent the velocity vs time ?

एक पिण्ड को ऊर्ध्वाधर ऊपर की तरफ फेंका जाता है। निच्च में से कौन-सा ग्राफ समय के साथ वेग को सही दर्शाता है ?



Ans. (4)

**Sol.**  $a = -g = \text{constant}$  नियत

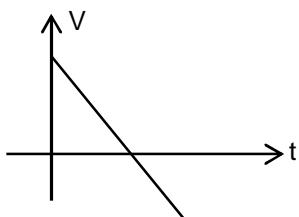
$$\frac{dv}{dt} = \text{constant} \text{ नियत}$$

slop of V – t curve is

V – t वक्र का ढाल

constant & -ve

नियत तथा ऋणात्मक है।



49. A capacitance of  $2\mu\text{F}$  is required in an electrical circuit across a potential difference of  $1.0 \text{ kV}$ . A large number of  $1\mu\text{F}$  capacitors are available which can withstand a potential difference of not more than  $300 \text{ V}$ . The minimum number of capacitors required to achieve this is :

एक विद्युत परिपथ में एक  $2\mu\text{F}$  धारिता के संधारित्र को  $1.0 \text{ kV}$  विभवान्तर के बिच्चुओं के बीच जोड़ना है।  $1\mu\text{F}$  धारिता के बहुत सारे संधारित्र जो कि  $300 \text{ V}$  विभवान्तर तक वहन कर सकते हैं, उपलब्ध हैं।

उपरोक्त परिपथ को प्राप्त करने के लिये न्यूनतम कितने संधारित्रों की आवश्यकता होगी ?

(1) 32

(2) 2

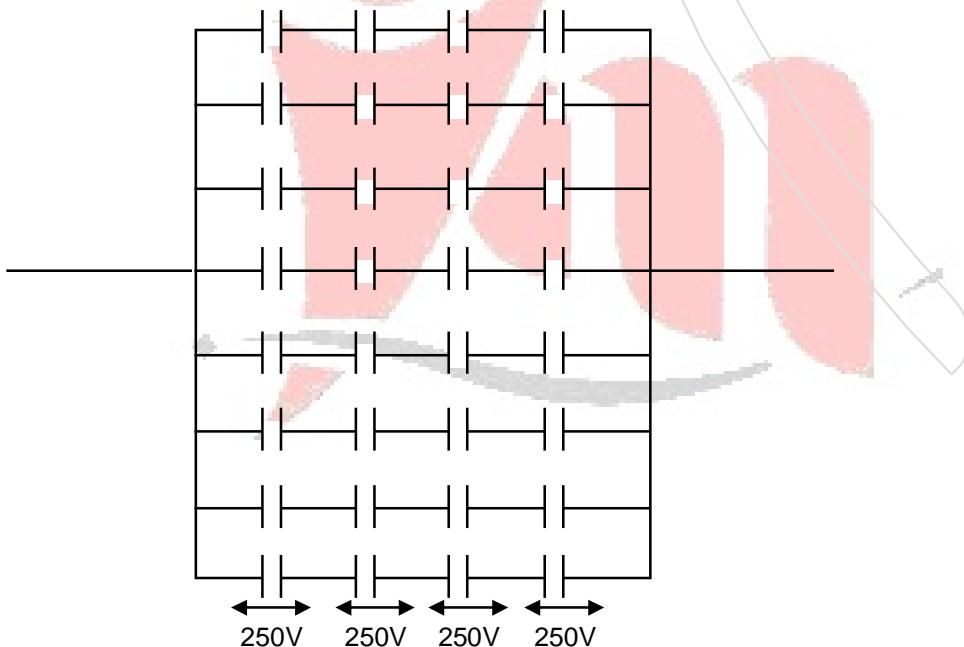
(3) 16

(4) 24

**Ans.**

**(1)**

**Sol.**

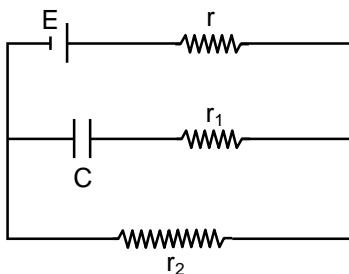


Minimum no. of capacitors required = 32

आवश्यक संधारित्रों की न्यूनतम संख्या = 32

50. In the given circuit diagram when the current reaches steady state in the circuit, the charge on the capacitor of capacitance C will be :

दिये गये परिपथ में जब धारा स्थिरावस्था में पहुँच जाती है तो धारिता C के संधारित्र पर आवेश का मान होगा :



$$(1) CE \frac{r_1}{(r_1 + r)}$$

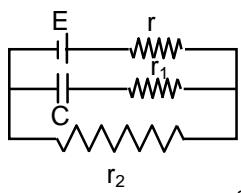
$$(2) CE$$

$$(3) CE \frac{r_1}{(r_2 + r)}$$

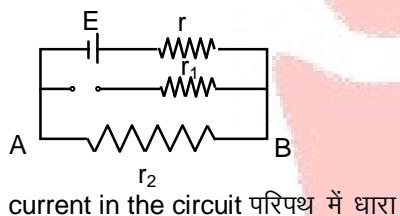
$$(4) CE \frac{r_2}{(r + r_2)}$$

**Ans.** (4)

**Sol.**



at steady state स्थायी अवस्था पर



potential difference across AB (AB के सिरों पर विभवान्तर) =  $Ir_2$

$$= \frac{Er_2}{r + r_2}$$

charge on capacitor संधारित्र पर आवेश =  $Q = C(\Delta V)_{AB}$

$$Q = \frac{CEr_2}{r + r_2}$$

51. In a common emitter amplifier circuit using an n-p-n transistor, the phase difference between the input and the output voltages will be:

n-p-n ड्रॉजिस्टर से बनाये हुए एक उभयनिष्ठ उत्सर्जक प्रवर्धक परिपथ में नियेशित तथा निर्गत विभवों के बीच कलांतर का मान होगा।

$$(1) 180^\circ$$

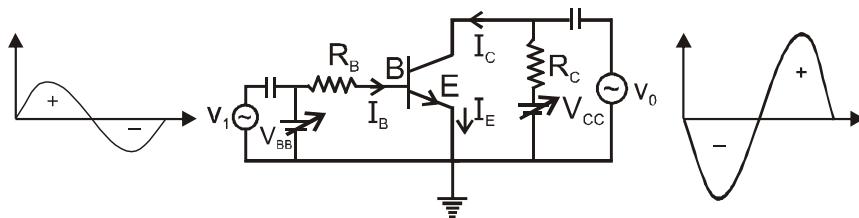
$$(2) 45^\circ$$

$$(3) 90^\circ$$

$$(4) 135^\circ$$

**Ans.**

$$(1)$$

**Sol.**


$$\Delta V_{cc} = \Delta V_{ce} + R_L \Delta I_c = 0$$

$$\text{or } \Delta V_{ce} = -R_L \Delta I_c$$

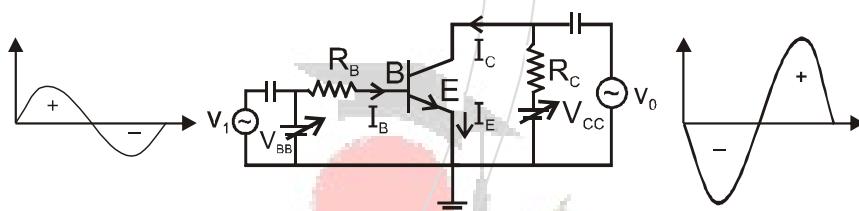
The change in  $V_{ce}$  is the output voltage  $v_o$ . From equation we get

$$v_o = \Delta V_{ce} = -\beta_{ac} R_L \Delta I_B$$

The voltage gain of the amplifier is

$$A_v = \frac{v_o}{v_i} = \frac{\Delta V_{ce}}{r \Delta I_B} = -\frac{\beta_{ac} R_L}{r}$$

The negative sign represents that output voltage is opposite with phase with the input voltage.

**Hindi.**


$$\Delta V_{cc} = \Delta V_{ce} + R_L \Delta I_c = 0 \text{ या } \Delta V_{ce} = -R_L \Delta I_c$$

$V_{ce}$  में परिवर्तन निर्गत वोल्टता  $v_o$  है। समीकरण से हमें प्राप्त होता है।

$$v_o = \Delta V_{ce} = -\beta_{ac} R_L \Delta I_B$$

$$\text{प्रवर्धक की वोल्टता लक्ष्य है } A_v = \frac{v_o}{v_i} = \frac{\Delta V_{ce}}{r \Delta I_B} = -\frac{\beta_{ac} R_L}{r}$$

ऋणात्मक चिन्ह यह निरूपित करता है कि निर्गत वोल्टता कला में निवेश वोल्टता के विपरीत है।

**52.**

Which of the following statements is false ?

- (1) Krichhoff's second law represents energy conservation.
- (2) Wheatstone bridge is the most sensitive when all the four resistance are of the same order of magnitude
- (3) In a balanced wheatstone bridge if the cell and the galvanometer are exchanged, the null point is disturbed
- (4) A rheostat can be used as a potential divider.

Which of the following statements is false ?

निम्न लिखित में से कौनसा कथन सत्य है।

(1) क्रिरचॉफ का द्वितीय नियम ऊर्जा के संरक्षण को दर्शाता है।

(2) व्हीटस्टॉन सेतु की सुग्राहिता सबसे अधिक तब होती है, जब चारों प्रतिरोधों का परिमाण तुल्य होता है।

(3) एक संतुलित व्हीटस्टॉन सेतु में सेल एवं गैलवेनोमीटर को आपस में बदलने पर शून्य विक्षेप विन्दु प्रभावित होता है।

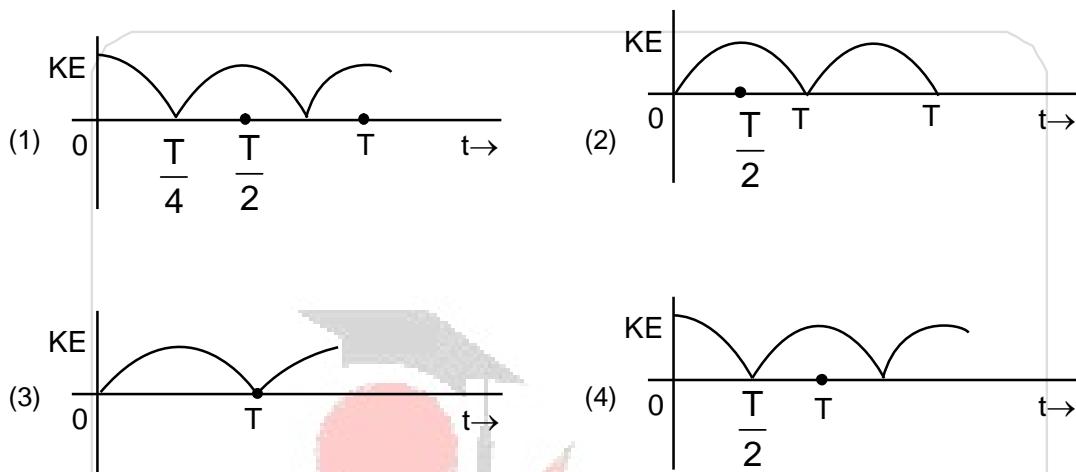
(4) एक धारा नियंत्रक को विभव विभाजक की तरह उपयोग कर सकते हैं।

**Ans. (3)**

**Sol.** In a balanced Wheatstone bridge if the position of cell and galvanometer is exchanged the null point remains same.

संतुलित क्लीटस्टोन सेतु में यदि सेल तथा धारा मापी की स्थिति परिवर्तित कर दी जाये तो शून्य बिन्दु अपरिवर्तित रहता है।

53. A particle is executing simple harmonic motion with a time period T. At time = 0, it is at its position of equilibrium. The kinetic energy-time graph of the particle will look like :  
 एक कण आवर्तकाल  $T$  से सरल आवर्त गति कर रहा है। समय  $t = 0$  पर वह साम्यवस्था की स्थिति में है। निम्न में से कौनसा ग्राफ समय के साथ गतिज ऊर्जा का सही दर्शाता है।



**Ans. (1)**

**Sol.**  $x = A \sin(\omega t + \phi)$

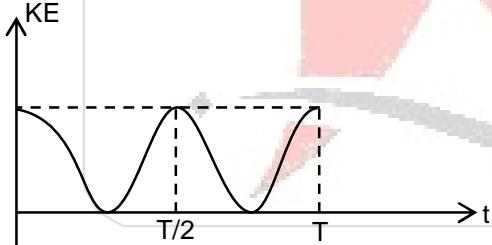
$$\phi = 0, \pi$$

$$x = \pm A \sin \omega t$$

1 2

$$KE = \frac{1}{2}m\omega^2(A^2 - x^2)$$

$$= \frac{1}{2} K A^2 \cos^2 \omega t$$



NOTE : But as per options given, best possible answer will be option (1)

- 54.** An observer is moving with half the speed of light towards stationary microwave source emitting waves at frequency 10GHz. What is the frequency of the microwave measured by the observer ?(speed of light =  $3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$ )  
 एक प्रेक्षक प्रकाश गति की आधी गति से, 10GHz आवृत्ति उत्सर्जित करते हुए एक स्थिर सूक्ष्म तरंग (microwave) स्रोत की तरफ जा रहा है। प्रेक्षक द्वारा मापी गयी सूक्ष्म तरंग की आवृत्ति का मान होगा (प्रकाश की चाल =  $3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$ )

(1) 15.3 GHz              (2) 10.1 GHz              (3) 12.1 GHz              (4) 17.3 GHz  
 (5)

**Ans. (4)**

**Sol.**  $v' = v \sqrt{\frac{1 + \frac{v}{c}}{1 - \frac{v}{c}}}$

$$v' = v \sqrt{\frac{1 + \frac{1}{2}}{1 - \frac{1}{2}}} = \sqrt{3}v$$

$$v' = 10 \times 1.73 = 17.3 \text{ GHz}$$

- 55.** A man grows into a giant such that his linear dimensions increase by a factor of 9. Assuming that his density remains same, the stress in the leg will change by factor of :

एक मनुष्य, एक विशालकाय मानव में इस प्रकार परिवर्तित होता है कि उसकी रेखीय विमायें 9 गुना बढ़ जाती हैं। माना कि उसके घनत्व में कोई परिवर्तन नहीं होता है तो टांग में प्रतिबल कितने गुना हो जायेगा।

(1)  $\frac{1}{81}$

(2) 9

(3)  $\frac{1}{9}$

(4) 81

**Ans.** (2)

**Sol.** volume of man becomes  $= (9)^3$  times

weight of man becomes  $= 9^3$  times

Cross section area in leg  $= 9^2$  times

$$\text{stress} = \frac{\text{weight}}{\text{Area}} = 9 \text{ times}$$

**Hindi.** आदमी का आयतन  $= (9)^3$  गुना हो जायेगा

आदमी का भार  $= 9^3$  गुना हो जायेगा

पैर का अनुप्रस्थ काट क्षेत्र  $= 9^2$  गुना हो जायेगा

$$\text{प्रतिबल} = \frac{\text{भार}}{\text{क्षेत्रफल}} = 9 \text{ गुना हो जायेगा}$$

- 56.** When a current of 5mA is passed through a galvanometer having a coil of resistance  $15\Omega$ , it shows full scale deflection. The value of the resistance to be put in series with the galvanometer to convert it into a voltmeter of range 0 – 10 V is :

$15\Omega$  के कुण्डली प्रतिरोध के गैल्वेनोमीटर से जब 5mA की धारा प्रवाहित की जाती है तो वह पूर्ण स्केल विक्षेप दर्शाता है। 0 – 10 V परास के विभवमापी में बदलने के लिये किस मान के प्रतिरोध को गैल्वेनोमीटर के साथ श्रेणी क्रम में लगाना होगा।

(1)  $4.005 \times 10^3 \Omega$

(2)  $1.985 \times 10^3 \Omega$

(3)  $2.045 \times 10^3 \Omega$

(4)  $2.535 \times 10^3 \Omega$

**Ans.** (2)

**Sol.** Full deflection current,  $I_g = 5\text{mA}$

पूर्ण विक्षेप धारा  $I_g = 5\text{mA}$

Resistance of galvanometer,  $G = 15\Omega$ .

धारा मापी का प्रतिरोध  $G = 15\Omega$ .

$$R = \frac{V}{I_g} - G$$

$$= \frac{10}{5 \times 10^{-3}} - 15$$

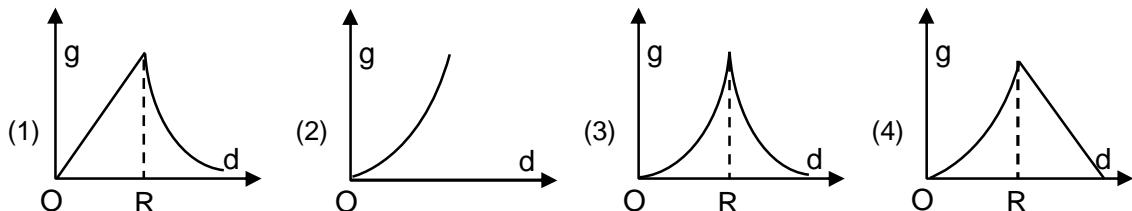
$$= 2000 - 15$$

$$= 1985 \Omega$$

$$= 1.985 \times 10^3 \Omega$$

57. The variation of acceleration due to gravity  $g$  with distance  $d$  from centre of the earth is best represented by ( $R$  = Earth's radius)

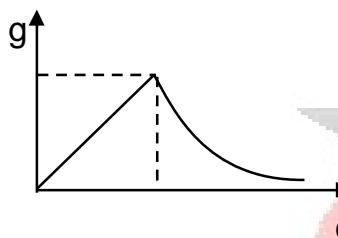
पृथ्वी के केन्द्र से दूरी  $d$  के साथ गुरुत्वाय त्वरण  $g$  का बदलाव निम्न में से किस ग्राफ में सबसे सही दर्शाया गया है। ( $R$  = पृथ्वी की त्रिज्या)



Ans. (1)

$$\text{Sol. } g = \frac{GMd}{R^3} \quad d < R$$

$$g = \frac{GM}{d^2} \quad d \geq R$$



58. An external pressure  $P$  is applied on a cube at  $0^\circ\text{C}$  so that it is equally compressed from all sides.  $K$  is the bulk modulus of the material of the cube and  $\alpha$  is its coefficient of linear expansion. Suppose we want to bring the cube to its original size by heating. The temperature should be raised by :

$0^\circ\text{C}$  पर रखे हुए एक घन पर एक दबाव  $P$  लगाया जाता है जिससे वह सभी तरफ से बराबर संपीड़ित होता है। घन के पदार्थ का आयतन प्रत्यास्थता गुणांक  $K$  एवं रेखीय प्रसार गुणांक  $\alpha$  है। यदि घन को गर्म करके मूल आकार में लाना हो तो उसके तापमान को कितना बढ़ाना पड़ेगा।

(1)  $3PK\alpha$

(2)  $\frac{P}{3\alpha K}$

(3)  $\frac{P}{\alpha K}$

(4)  $\frac{3\alpha}{PK}$

Ans. (2)

$$\text{Sol. } \Delta p = -K \frac{\Delta V}{V}$$

$$\frac{\Delta V}{V} = -\gamma \Delta \theta = -3 \alpha \Delta \theta$$

$$3\alpha \Delta \theta K = p$$

$$\Delta \theta = \frac{p}{3\alpha K}$$

59. A diverging lens with magnitude of focal length 25cm is placed at a distance of 15 cm from a converging lens of magnitude of focal length 20 cm. A beam of parallel light falls on the diverging lens. The final image formed is :

- (1) real and at a distance of 6 cm from the convergent lens
- (2) real and at a distance of 40 cm from convergent lens.
- (3) virtual and at a distance of 40 cm from convergent lens
- (4) real and at distance of 40 cm from the divergent lens.

एक 25cm परिमाण की फोकस दूरी के अपसारी लेस को एक 20 cm परिमाण को फोकस दूरी के अभिसारी लेस से 15 cm की दूरी पर रखा जाता है। एक समान्तर प्रकाश पूँज अपसारी लेस पर आपतित होता है। परिणामी प्रतिबिम्ब होगा।

- (1) वास्तविक और अभिसारी लेस से 6cm दूरी पर  
 (2) वास्तविक और अभिसारी लेस से 40 cm दूरी पर  
 (3) आभासी और अभिसारी लेस से 40 cm दूरी पर  
 (4) वास्तविक और अपसारी लेस से 40 cm दूरी पर

**Ans.** (2)

**Sol.** Image formed by first lens is  $I_1$  which is 25 cm left of diverging lens.

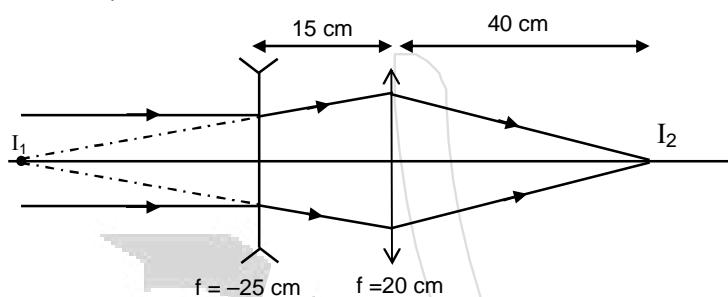
For second lens  $u = 40 \text{ cm}$  (i.e. at  $2F$ ) so final image will be 40 cm right of converging lens.

Image will be real.

प्रथम लेस द्वारा प्राप्त प्रतिबिम्ब  $I_1$  है जो कि 25 cm बांयी तरफ है।

दूसरे लेस के लिये  $u = 40 \text{ cm}$  (अर्थात  $2F$  पर) अतः अन्तिम प्रतिबिम्ब अभिसारी लेस के दांयी तरफ 40 cm पर बनेगी।

अतः प्रतिबिम्ब वास्तविक होगा।



- 60.** A body of mass  $m = 10^{-2} \text{ kg}$  is moving in a medium and experiences a frictional force  $F = -kv^2$ . Its initial speed is  $v_0 = 10 \text{ ms}^{-1}$ . If after 10 s, its energy is  $\frac{1}{8}mv_0^2$ , the value of  $k$  will be :

$m = 10^{-2} \text{ kg}$  द्रव्यमान का एक पिण्ड एक माध्यम में गति कर रहा है और एक घर्षण बल  $F = -kv^2$  का अनुभव करता है।

पिण्ड का प्रारम्भिक वेग  $v_0 = 10 \text{ ms}^{-1}$  है यदि 10 s के बाद उसकी ऊर्जा  $\frac{1}{8}mv_0^2$  है तो  $k$  का मान होगा।

(1)  $10^{-1} \text{ Kg m}^{-1}\text{s}^{-1}$

(4)  $F = -Kv^2$

$m \frac{dv}{dt} = -kv^2$

$\int_{v_0}^v v^{-2} dv = \int_0^t -\frac{k}{m} dt$

After 10s, पश्चात्,

(2)  $10^{-3} \text{ Kg m}^{-1}$

(3)  $10^{-3} \text{ Kg s}^{-1}$

(4)  $10^{-4} \text{ Kg m}^{-1}$

$KE = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{8}mv_0^2$

$v = \frac{v_0}{2}$

$$\left[ -\frac{1}{v} \right]_{v_0}^{v_0/2} = -\frac{k}{m} t$$

$$\left( \frac{2}{v_0} - \frac{1}{v_0/2} \right) = \frac{k}{m} t \quad \Rightarrow \quad k = \frac{m}{v_0 t} = \frac{10^{-2}}{10 \times 10}$$

$k = 10^{-4} \text{ kg m}^{-1}$

## PART : III CHEMISTRY

## PART– C

## **Straight Objective Type (सीधे वस्तुनिष्ठ प्रकार)**

This section contains **10 multiple choice questions**. Each question has 4 choices (1), (2), (3) and (4) for its answer, out of which **Only One** is correct.

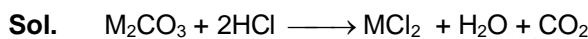
इस खण्ड में **10** बहु-विकल्पी प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न के 4 विकल्प (1), (2), (3) तथा (4) हैं, जिनमें से **सिर्फ** एक सही है।

61. 1 gram of a carbonate ( $M_2CO_3$ ) on treatment with excess HCl produces 0.01186 mole of  $CO_2$ . The molar mass of  $M_2CO_3$  in g mol<sup>-1</sup> is :

एक कार्बोनेट ( $M_2CO_3$ ) के 1 ग्राम को HCl के आधिक्य में अभिक्रिया किया जाता है और इसमें 0.01186 मोल  $CO_2$  पैदा होती है  $M_2CO_3$  का मोलर द्रव्यमान  $g\ mol^{-1}$  में है :



**Ans. (1)**



$$\frac{1}{M_0} \text{Mole} \text{ मोल} \quad 0.01186 \text{ mol. मोल}$$

$M_0$  = Molar mass of  $M_2CO_3$  ( $M_2CO_3$  का मोलर द्रव्यमान)

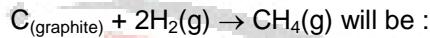
$$\frac{1}{M_0} = 0.01186$$

$$M_0 = 84.3 \text{ g/mol}$$

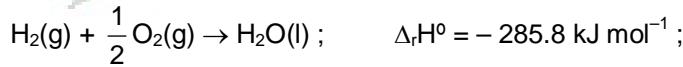
- 62.** Given :  $C_{(graphite)} + O_2(g) \rightarrow CO_2(g); \quad \Delta_rH^0 = -393.5 \text{ kJ mol}^{-1}$ ;



Based on the above thermochemical equations, the value of  $\Delta_f H^\circ$  at 298 K for the reaction



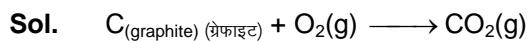
दिया गया है :  $C_{(\text{ग्रेफाइट})} + O_2(g) \rightarrow CO_2(g); \quad \Delta_r H^\circ = -393.5 \text{ kJ mol}^{-1}$ ;



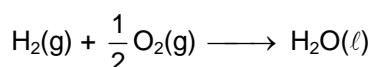
ऊपर दिये गये ऊष्मारासायनिक समीकरणों के आधार पर 298 K पर अभिक्रिया  $\text{C}_{(\text{फ्रेफाइट})} + 2\text{H}_2(\text{g}) \rightarrow \text{CH}_4(\text{g})$  के  $\Delta_f\text{H}^\circ$  का मान होगा :

- (1) +144.0 kJ mol<sup>-1</sup>      (2) -74.8 kJ mol<sup>-1</sup>      (3) -144.0 kJ mol<sup>-1</sup>      (4) +74.8 kJ mol<sup>-1</sup>

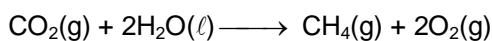
**Ans. (2)**



$$\Delta H_r = -393.5 \text{ kJ/mol} = \Delta H_f CO_2(g)$$



$$\Delta H_r = -285.8 \text{ kJ/mol} = \Delta H_f H_2O(l)$$



$$\Delta H_r = \Delta H_f (CH_4) - \Delta H_f CO_2(g) - 2\Delta H_f H_2O(l) = 890.3$$

$$\Rightarrow \Delta H_f CH_4 + 393.5 + 2 \times 285.8 = 890.3$$

$$\Rightarrow \Delta H_f CH_4(g) = -74.8 \text{ kJ/mol}$$

63. The freezing point of benzene decreases by  $0.45^\circ\text{C}$  when 0.2 g of acetic acid is added to 20 g of benzene. If acetic acid associates to form a dimer in benzene, percentage association of acetic acid in benzene will be : ( $K_f$  for benzene =  $5.12 \text{ K kg mol}^{-1}$ )

जब एसिटिक एसिड का 0.2 g बैंजीन के 20 g में मिलाया जाता है तो बैंजीन का हिमांक  $0.45^\circ\text{C}$  से कम हो जाता है। यदि एसिटिक एसिड बैंजीन में संगुणित होकर डाइमर बनाता है तो एसिटिक एसिड का प्रतिशतता संगुणन होगा :

(बैंजीन के लिए  $K_f = 5.12 \text{ K kg mol}^{-1}$ )

(1) 80.4%

(2) 74.6%

(3) 94.6%

(4) 64.6%

**Ans.** (3)

**Sol.**  $\Delta T_f = 0.45$

$$m = \frac{\left(\frac{0.2}{60}\right) \times 1000}{20} = \frac{1}{6}$$

$$K_f = 5.12 \text{ K kg/mol}$$

$$i = 1 + \left(\frac{1}{n} - 1\right)\beta \quad (n = 2)$$

$$= 1 - \frac{\beta}{2}$$

$$\text{Now (अब)}, \quad \Delta T_f = i K_f m$$

$$0.45 = \left(1 - \frac{\beta}{2}\right)(5.12)\left(\frac{1}{6}\right)$$

$$\Rightarrow \beta = 0.94$$

$$\therefore \% \text{ Association} (\% \text{ संगुणन}) \approx 94 \%$$

64. The most abundant elements by mass in the body of a healthy human adult are : Oxygen (61.4%); Carbon (22.9%), Hydrogen (10.0%) ; and Nitrogen (2.6%). The weight which a 75 kg person would gain if all  $^1\text{H}$  atoms are replaced by  $^2\text{H}$  atoms is :

एक स्वस्थ मनुष्य के शरीर में मात्रा की दृष्टि से बहुतायत से मिलाने वाले तत्व हैं : ऑक्सीजन (61.4%) ; कार्बन (22.9%), हाइड्रोजन (10.0%); तथा नाइट्रोजन (2.6%) 75 kg वजन वाले एक व्यक्ति के शरीर में सभी  $^1\text{H}$  परमाणुओं को  $^2\text{H}$  परमाणुओं से बदल दिया जायें तो उसके भार में जो वृद्धि होगी, वह है।

- (1) 37.5 kg      (2) 7.5 kg      (3) 10 kg      (4) 15 kg

**Ans. (2)**

**Sol.** 75 kg person contain 10% hydrogen i.e. 7.5 kg Hydrogen.

If all H atom are replaced by  $^2\text{H}$ , the weight of Hydrogen become twice i.e. it increases by 7.5 kg.

75 kg वाले व्यक्ति में 10% हाइड्रोजन अर्थात् 7.5 kg हाइड्रोन उपस्थित होती है।

यदि सभी हाइड्रोजन परमाणु को  $^2\text{H}$  द्वारा प्रतिस्थापित किया जाता है तो हाइड्रोजन का भार दोगुना हो जाता है। अर्थात् इसमें 7.5 kg की वृद्धि होती है।

65.  $\Delta U$  equal to :

- (1) Isobaric work      (2) Adiabatic work      (3) Isothermal work      (4) Isochoric work

$\Delta U$  जिसके बराबर है, वह है :

- (1) समवायी कार्य (2) रुद्धोष कार्य (3) समतापी कार्य (4) सम-आयतनिक कार्य

**Ans. (2)**

**Sol.** For Adiabatic process (रुद्धोष प्रक्रम के लिए),  $Q = 0$

Now (अब),  $\Delta U = Q + W$

$$\Rightarrow \Delta U = W$$

- 66.** The formation of which of the following polymers involves hydrolysis reaction?

- (1) Bakelite      (2) Nylon 6,6      (3) Terylene      (4) Nylon 6

निम्न बहलकों में से कौन से बहलक में जल अपघटन अभिक्रिया सन्निहित है ?

- (1) बेकेलाइट                          (2) नाइलॉन 6,6                          (3) टेरीलीन                          (4) नाइलॉन 6

**Ans. (4)**

**Sol.** Nylon-6 is produced by hydrolysis of  $\varepsilon$ -caprolactum followed by condensation polymerisation.

हल. नायलॉन-6 ε-के प्रोलेक्टम के जलअपघटन द्वारा इसके पश्चात संघनन बहलीकरण द्वारा उत्पन्न होता है।

**67.** Given

दिया गया है,

$$E_{\text{Cl}_2/\text{Cl}^-}^\circ = 1.36 \text{ V}, E_{\text{Cr}^{3+}/\text{Cr}}^\circ = -0.74 \text{ V}$$

$$E_{\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}/\text{Cr}^{3+}}^\circ = 1.33 \text{ V}, E_{\text{MnO}_4^-/\text{Mn}^{2+}}^\circ = 1.51 \text{ V}$$

Among the following, the strongest reducing agent is :

निम्न में से प्रबलतम अपचायक है :

- (1)  $\text{Mn}^{2+}$       (2)  $\text{Cr}^{3+}$       (3)  $\text{Cl}^-$       (4) Cr

**Ans.** (4)

**Sol.** For strongest reducing agent  $E_{\text{OP}}^\circ$  should be maximum.

$$E_{\text{OP Cr}/\text{Cr}^{3+}}^\circ = 0.74 \text{ V}$$

Whereas

$$E_{\text{OP Mn}^{2+}/\text{MnO}_4^-}^\circ = -1.51 \text{ V}$$

$$E_{\text{OP Cr}^{3+}/\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}}^\circ = -1.33 \text{ V}$$

$$E_{\text{OP Cl}^-/\text{Cl}_2}^\circ = -1.36 \text{ V}$$

**Sol.** प्रबल अपचायक के लिए  $E_{\text{OP}}^\circ$  अधिकतम होना चाहिए।

$$E_{\text{OP Cr}/\text{Cr}^{3+}}^\circ = 0.74 \text{ V}$$

जबकि

$$E_{\text{OP Mn}^{2+}/\text{MnO}_4^-}^\circ = -1.51 \text{ V}$$

$$E_{\text{OP Cr}^{3+}/\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}}^\circ = -1.33 \text{ V}$$

$$E_{\text{OP Cl}^-/\text{Cl}_2}^\circ = -1.36 \text{ V}$$

**68.** The Tyndall effect is observed only when following conditions are satisfied :

- (a) The diameter of the dispersed particles is much smaller than the wavelength of the light used.
  - (b) The diameter of the dispersed particles is not much smaller than the wavelength of the light used
  - (c) The refractive indices of the dispersed phase and dispersion medium are almost similar in magnitude.
  - (d) The refractive indices of the dispersed phase and dispersion medium differ greatly in magnitude.
- (1) (b) and (d)      (2) (a) and (c)      (3) (b) and (c)      (4) (a) and (d)

टिन्डल प्रभाव तभी दिखायी पड़ेगा जब निम्न शर्तें संतुष्ट होती हैं—

- (a) परिक्षेपित कणों का व्यास, प्रयुक्त प्रकाश की तरंगदैर्घ्य की तुलना में बहुत छोटा हो।
- (b) परिक्षेपित कणों का व्यास, प्रयुक्त प्रकाश की तरंगदैर्घ्य की तुलना में बहुत छोटा नहीं हो।
- (c) परिक्षेपित प्रावस्था तथा परिक्षेपण माध्यम के अपवर्तनांक परिमाण लगभग एक जैसे हो।
- (d) परिक्षेपित प्रावस्था तथा परिक्षेपण माध्यम के अपवर्तनांक परिमाण बहुत भिन्न हो।

- (1) (b) तथा (d)      (2) (a) तथा (c)      (3) (b) तथा (c)      (4) (a) तथा (d)

**Ans.** (1)

**Sol.** Theory based

NCERT page : 139 (Surface chemistry)

**Sol.** सैद्धान्तिक

NCERT page : 139 (पृष्ठ रसायन)

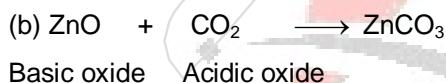
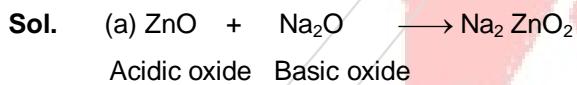
**69.** In the following reactions, ZnO is respectively acting as a/an :

- (a)  $ZnO + Na_2O \rightarrow Na_2ZnO_2$
- (b)  $ZnO + CO_2 \rightarrow ZnCO_3$
- (1) base and base      (2) acid and acid      (3) acid and base      (4) base and acid

निम्न अभिक्रियाओं में, ZnO क्रमशः कार्य करेगा :

- (a)  $ZnO + Na_2O \rightarrow Na_2ZnO_2$
- (b)  $ZnO + CO_2 \rightarrow ZnCO_3$
- (1) क्षारक तथा क्षारक      (2) अम्ल तथा अम्ल      (3) अम्ल तथा क्षारक      (4) क्षारक तथा अम्ल

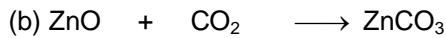
**Ans.** (3)



So ZnO behave like acid in equation (a) and base in equation (b)



अम्लीय ऑक्साइड क्षारीय ऑक्साइड

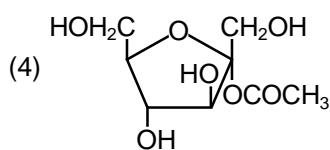
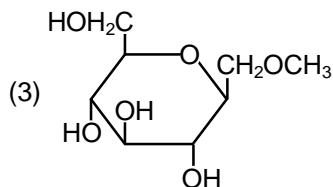
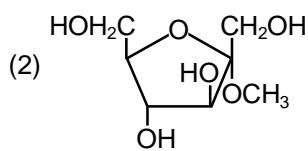
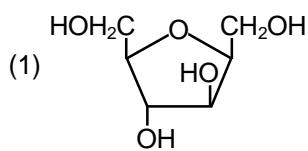


अम्लीय ऑक्साइड क्षारीय ऑक्साइड

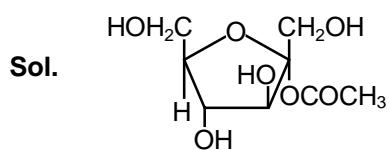
अतः ZnO समीकरण (a) में अम्ल के समान तथा समीकरण (b) में क्षार के समान व्यवहार करता है।

70. Which of the following compounds will behave as a reducing sugar in an aqueous KOH solution?

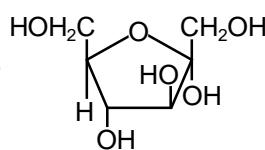
एक जलीय KOH विलयन में निम्न में से कौन सा यौगिक एक अपचायक शर्करा के रूप में व्यवहार करेगा?



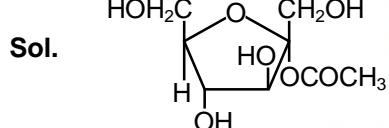
Ans. (4)



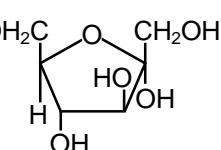
on hydrolysis in aq. KOH will produce



which behave



जलीय KOH में जलअपघटन पर

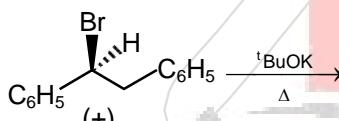


उत्पन्न करेगा, जो

हेमीएसीटेल समूह की उपस्थिति के कारण अपचायक प्रवृत्ति का होता है।

71. The major product obtained in the following reaction is :

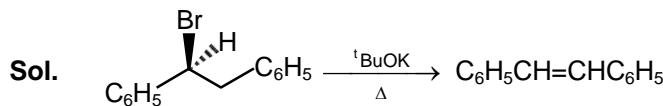
निम्न अभिक्रिया में प्राप्त होने वाला मुख्य उत्पाद है



- (1) C<sub>6</sub>H<sub>5</sub>CH=CHC<sub>6</sub>H<sub>5</sub>  
 (3) (-)C<sub>6</sub>H<sub>5</sub>CH(O<sup>t</sup>Bu)CH<sub>2</sub>C<sub>6</sub>H<sub>5</sub>

- (2) (+)C<sub>6</sub>H<sub>5</sub>CH(O<sup>t</sup>Bu)CH<sub>2</sub>C<sub>6</sub>H<sub>5</sub>  
 (4) (±)C<sub>6</sub>H<sub>5</sub>CH(O<sup>t</sup>Bu)CH<sub>2</sub>C<sub>6</sub>H<sub>5</sub>

Ans. (1)



It is E-2 reaction. (यह E-2 अभिक्रिया है।)

**72.** Which of the following species is not paramagnetic?

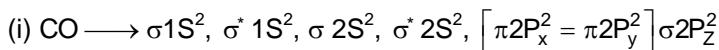
निम्न में से कौन सी स्पीशीज अनुचुम्बकीय नहीं है?



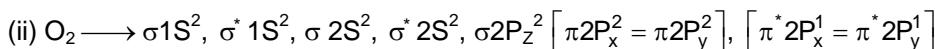
**Ans. (1)**

**Sol.** CO

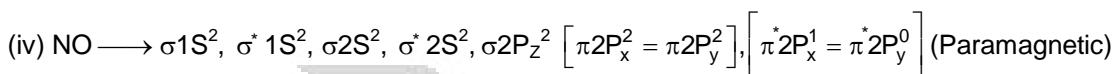
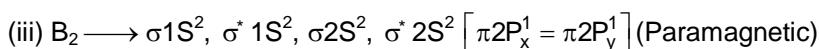
No of electron in CO = 6 + 8 = 14



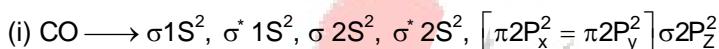
All electrons are paired so diamagnetic



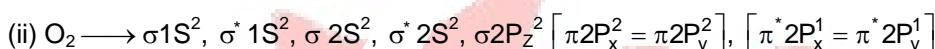
Unpaired electron = 2 (Paramagnetic)



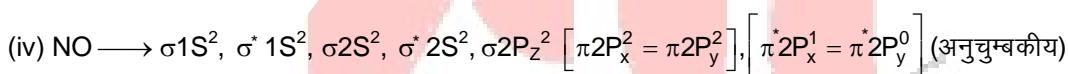
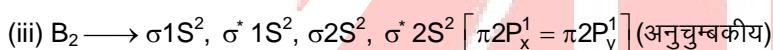
CO में इलेक्ट्रोनों की संख्या =  $6 + 8 = 14$



सभी इलेक्ट्रॉन युग्मित हैं। अतः प्रतिचुम्बकीय हैं।



अयुग्मित इलेक्ट्रॉन = 2 (अनुचम्बकीय)



73. On treatment of 100 mL of 0.1 M solution of  $\text{CoCl}_3 \cdot 6\text{H}_2\text{O}$  with excess  $\text{AgNO}_3$ ;  $1.2 \times 10^{22}$  ions are precipitated. The complex is :

$\text{CoCl}_3 \cdot 6\text{H}_2\text{O}$  के 0.1 M विलयन के 100 mL को  $\text{AgNO}_3$  के आधिक्य में अभिकृत करने पर  $1.2 \times 10^{22}$  आयन अवक्षेपित होते हैं संकुल हैं

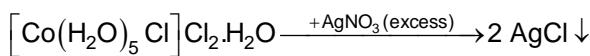
- (1)  $[\text{Co}(\text{H}_2\text{O})_3\text{Cl}_3] \cdot 3\text{H}_2\text{O}$       (2)  $[\text{Co}(\text{H}_2\text{O})_6]\text{Cl}_3$   
 (3)  $[\text{Co}(\text{H}_2\text{O})_5\text{Cl}]\text{Cl}_2 \cdot \text{H}_2\text{O}$       (4)  $[\text{Co}(\text{H}_2\text{O})_4\text{Cl}_2]\text{Cl} \cdot 2\text{H}_2\text{O}$

**Ans. (3)**

**Sol.** 10 millimoles of

Complex or 0.01 mol

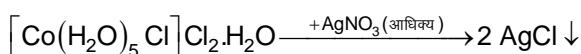
$$1.2 \times 10^{22} \text{ ions} = \frac{1.2 \times 10^{22}}{6 \times 10^{23}} \text{ mol or } 0.02 \text{ mol}$$



0.01 mol                    0.02 mol

**Sol.** संकुल के 10 मिलीमोल या 0.01 मोल

$$1.2 \times 10^{22} \text{ आयन} = \frac{1.2 \times 10^{22}}{6 \times 10^{23}} \text{ मोल या } 0.02 \text{ मोल}$$



0.01 मोल                    0.02 मोल

- 74.**  $\text{pK}_a$  of a weak acid (HA) and  $\text{pK}_b$  of a weak base (BOH) are 3.2 and 3.4, respectively. The pH of their salt (AB) solution is :

एक दुर्बल अम्ल (HA) का  $\text{pK}_a$  तथा एक दुर्बल क्षारक (BOH) का  $\text{pK}_b$  क्रमशः 3.2 तथा 3.4 है। उनके लवण (AB) के विलयन का pH होगा।

(1) 6.9

(2) 7.0

(3) 1.0

(4) 7.2

**Ans.** (1)

**Sol.** Salt of weak acid and weak base

दुर्बल अम्ल तथा दुर्बल क्षार का लवण

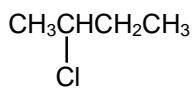
$$\text{pH} = \frac{1}{2}(\text{pK}_w + \text{pK}_a - \text{pK}_b)$$

$$= \frac{1}{2}(14 + 3.2 - 3.4)$$

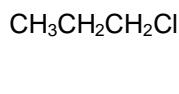
$$= 6.9$$

- 75.** The increasing order of the reactivity of the following halides for the  $\text{S}_{\text{N}}1$  reaction is :

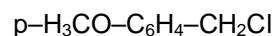
$\text{S}_{\text{N}}1$  अभिक्रिया के लिए निम्न हैलाइडों को अभिक्रियात्मकता का बढ़ता क्रम है:



(I)



(II)



(III)

(1) (II) < (I) < (III)

(2) (I) < (III) < (II)

(3) (II) < (III) < (I)

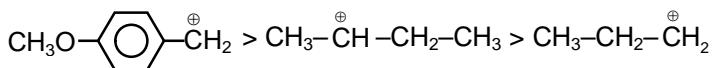
(4) (III) < (II) < (I)

**Ans.** (1)

**Sol.** Reactivity towards  $S_N1$  reaction  $\propto$  stability of carbocation.

$S_N1$  अभिक्रिया के प्रति क्रियाशीलता  $\propto$  कार्बधनायन का स्थायित्व

II < I < III



[Stability order of carbocation]

[कार्बधनायन का स्थायित्व क्रम]

**76.** Both lithium and magnesium display several similar properties due to the diagonal relationship; however, the one which is incorrect, is :

- (1) both form soluble bicarbonates
- (2) both form nitrides
- (3) nitrates of both Li and Mg yield  $\text{NO}_2$  and  $\text{O}_2$  on heating
- (4) both form basic carbonates

विकर्ण सम्बन्ध के कारण, लीथियम तथा मैग्नीशियम दोनों कई एक जैसे गुण प्रदर्शित करते हैं फिर भी, वह एक जो गलत है/है :

- (1) दोनों घुलनशील बाईकार्बोनेट बनाते हैं
- (2) दोनों नाइट्राइड बनाते हैं
- (3) लीथियम तथा मैग्नीशियम, दोनों के ही नाइट्रेट गरम करने पर  $\text{NO}_2$  तथा  $\text{O}_2$  देते हैं।
- (4) दोनों क्षारीय कार्बोनेट बनाते हैं

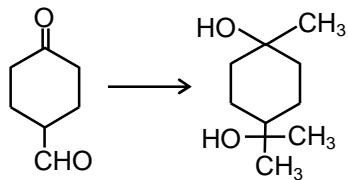
**Ans. (4)**

**Sol.** Carbonate of Mg is basic in nature (many times occurs as  $\text{MgCO}_3 \cdot \text{Mg(OH)}_2$ ) but carbonate of Li is not.

Mg का कार्बोनेट क्षारीय प्रकृति का होता है (अधिकतर  $\text{MgCO}_3 \cdot \text{Mg(OH)}_2$  के रूप में प्राप्त होता है) लेकिन Li का कार्बोनेट क्षारीय प्रकृति का नहीं होता है।

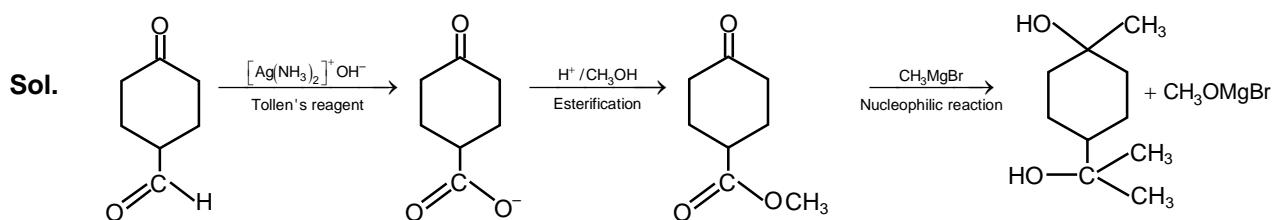
**77.** The correct sequence of reagents for the following conversion will be :

निम्न रूपान्तरण के लिए अभिकर्मकों का सही क्रम होगा—



- |  |  |
|--|--|
| (1) $\text{CH}_3\text{MgBr}$ , $\text{H}^+/\text{CH}_3\text{OH}$ , $[\text{Ag}(\text{NH}_3)_2]^+\text{OH}^-$<br>(3) $[\text{Ag}(\text{NH}_3)_2]^+\text{OH}^-$ , $\text{CH}_3\text{MgBr}$ , $\text{H}^+/\text{CH}_3\text{OH}$ | (2) $\text{CH}_3\text{MgBr}$ , $[\text{Ag}(\text{NH}_3)_2]^+\text{OH}^-$ , $\text{H}^+/\text{CH}_3\text{OH}$<br>(4) $[\text{Ag}(\text{NH}_3)_2]^+\text{OH}^-$ , $\text{H}^+/\text{CH}_3\text{OH}$ , $\text{CH}_3\text{MgBr}$ |
|--|--|

**Ans. (4)**



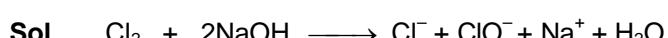
**78.** The products obtained when chlorine gas reacts with cold and dilute aqueous NaOH are :

- (1)  $\text{ClO}_2^-$  and  $\text{ClO}_3^-$       (2)  $\text{Cl}^-$  and  $\text{ClO}^-$       (3)  $\text{Cl}^-$  and  $\text{ClO}_2^-$       (4)  $\text{ClO}^-$  and  $\text{ClO}_3^-$

जब क्लोरीन गैस ठंडे एवं तनु जलीय NaOH के सथ अभिक्रिया करती है तो प्राप्त करने वाले उत्पाद होंगे –

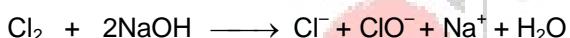
- (1)  $\text{ClO}_2^-$  तथा  $\text{ClO}_3^-$       (2)  $\text{Cl}^-$  तथा  $\text{ClO}^-$       (3)  $\text{Cl}^-$  तथा  $\text{ClO}_2^-$       (4)  $\text{ClO}^-$  तथा  $\text{ClO}_3^-$

**Ans. (2)**



Cold & dil.

Disproportionation reaction.

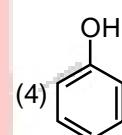
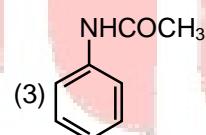
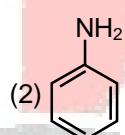
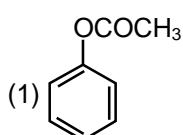


ठंडा तथा तनु

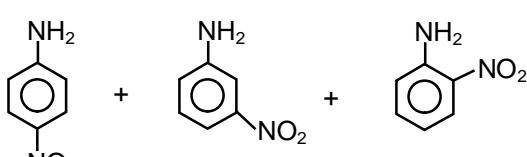
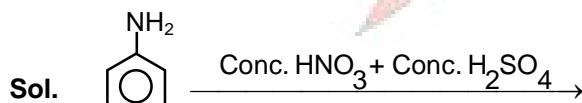
विषमानुपातीकरण अभिक्रिया

**79.** Which of the following compounds will form significant amount of *meta* product during mono-nitration reaction ?

मोनोनाइट्रेशन अभिक्रिया में निम्न में से कौन सा यौगिक मेटा उत्पाद की महत्वपूर्ण मात्रा उत्पन्न करेगा ?



**Ans. (2)**



% para = 51    % meta = 47    % ortho = 2

**Reason :** Aniline in acidic medium converts into anilinium ion and it is meta directing so significant amount of meta product is obtained.

**कारण :** ऐनिलिन अस्तीय माध्यम में ऐनिलिनियम आयन बनाता है यह मेटा निर्देशी है और महत्वपूर्ण मात्रा में मेटा उत्पाद देता है।

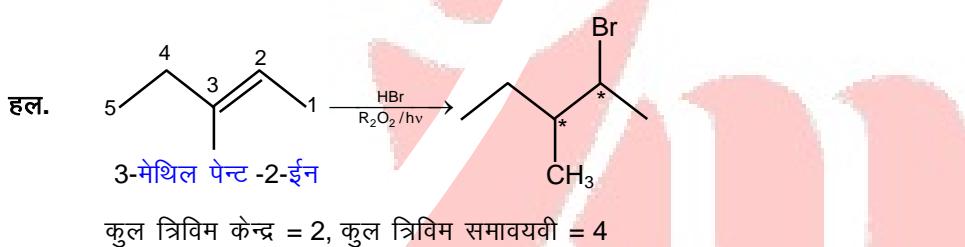
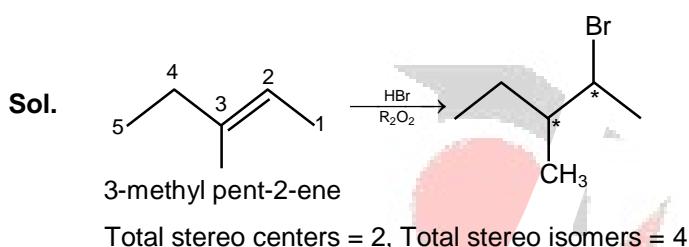
- 80.** 3-Methyl-pent-2-ene on reaction with HBr in presence of peroxide forms an addition product. The number of possible stereoisomers for the product is :



पराक्साइड की उपस्थिति में, 3-मेथिल-पेन्ट-2-ईन HBr के साथ अभिक्रिया करने पर एक संकलन उत्पाद बनाता है। उत्पाद के लिए सम्भव त्रिविम समावयवियों की संख्या होगी –

- (1) शून्य (2) दो (3) चार (4) छः

**Ans. (3)**



81. Two reactions  $R_1$  and  $R_2$  have identical pre-exponential factors. Activation energy of  $R_1$  exceeds that of  $R_2$  by  $10\text{ kJ mol}^{-1}$ . If  $k_1$  and  $k_2$  are rate constants for reactions  $R_1$  and  $R_2$  respectively at  $300\text{ K}$ , then  $\ln(k_2/k_1)$  is equal to : ( $R = 8.314\text{ J mol}^{-1}\text{ K}^{-1}$ )

दो अभिक्रियाओं,  $R_1$  तथा  $R_2$  के पूर्व चरघातांकी गुणक एक जैसे हैं।  $R_1$  की सक्रियण ऊर्जा  $R_2$  के सक्रियण ऊर्जा से  $10\text{ kJ mol}^{-1}$  ज्यादा है। यदि अभिक्रिया  $R_1$  तथा  $R_2$  के लिए 300 K पर दर नियतांक क्रमशः  $k_1$  तथा  $k_2$  हो तो  $\ln(k_2/k_1)$  निम्न में से किसके बराबर होगा ?

$$(R = 8.314 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1})$$



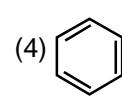
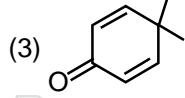
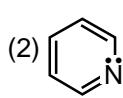
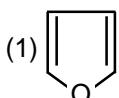
**Ans. (3)**

**Sol.**  $k_1 = Ae^{-Ea_1/RT}$ ;  $k_2 = Ae^{-(Ea_1-10)/RT}$

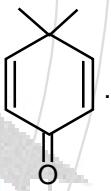
$$\ln\left(\frac{k_2}{k_1}\right) = \frac{10}{RT} = \frac{10}{8.314 \times 10^{-3} \times 300} = 4$$

**82.** Which of the following molecules is least resonance stabilized?

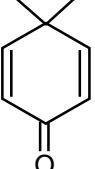
निम्न में से कौन सा अणु अनुनादिक रूप से न्यूनतम स्थायी है?



**Ans.** (3)

**Sol.** All are aromatic compounds except .

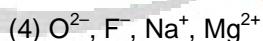
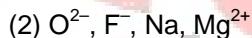
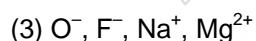
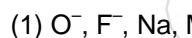
It is non aromatic so least resonance stabilised.

**हल.**  के अतिरिक्त अन्य सभी ऐरोमेटिक यौगिक हैं।

यह नॉन ऐरोमेटिक होने के कारण अन्य की अपेक्षा कम स्थायी है।

**83.** The group having isoelectronic species is :

वह ग्रुप जिसमें समझलेकट्रॉनी स्पीशीज है, हैं –



**Ans.** (4)

**Sol.** Isoelectronic species (समझलेकट्रॉनिक स्पीशीज) :

$O^{2-}$ ,  $F^-$ ,  $Na^+$ ,  $Mg^{2+}$  (All contain 10 electrons) (सभी में 10 इलेक्ट्रॉन उपस्थित हैं।)

**84.** The radius of the second Bohr orbit for hydrogen atom is :

(Planck's Const.  $h = 6.6262 \times 10^{-34}$  Js; mass of electron =  $9.1091 \times 10^{-31}$  kg; charge of electron  $e = 1.60210 \times 10^{-19}$  C; permittivity of vacuum  $\epsilon_0 = 8.854185 \times 10^{-12}$   $\text{kg}^{-1}\text{m}^{-3}\text{A}^2$ )

हाइड्रोजन परमाणु के द्वितीय बोर कक्षा का अर्द्धव्यास होगा:

(प्लैक स्थिरांक  $h = 6.6262 \times 10^{-34} \text{ Js}$ ; इलेक्ट्रॉन का द्रव्यमान  $= 9.1091 \times 10^{-31} \text{ kg}$ ; इलेक्ट्रॉन का आवेश  $e = 1.60210$   
 $\times 10^{-19} \text{ C}$ ; निर्वात का परावैद्युतांक  $\epsilon_0 = 8.854185 \times 10^{-12} \text{ N}^{-1}\text{C}^{-2}$ )



**Ans. (3)**

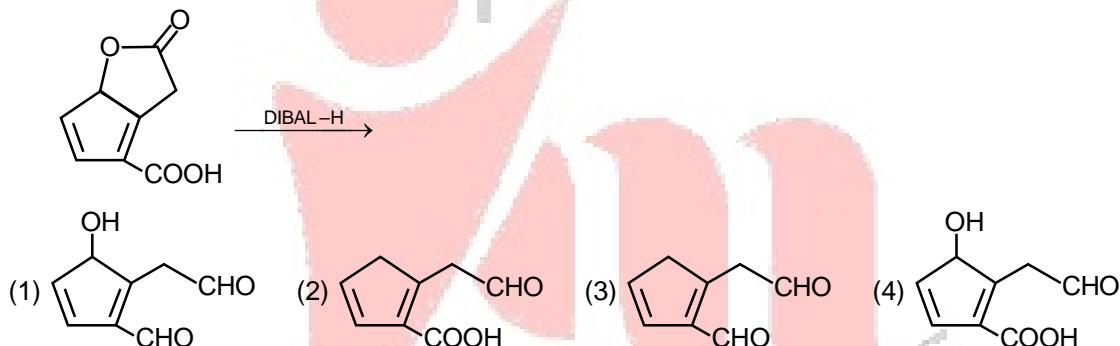
$$\text{Sol. } R = 0.529 \frac{n^2}{z} \text{ \AA}$$

$$= 0.529 \frac{2^2}{1} \text{\AA}$$

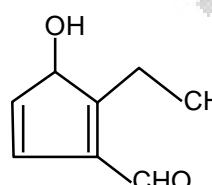
$$= 212 \text{ \AA}$$

**85.** The major product obtained in the following reaction is :

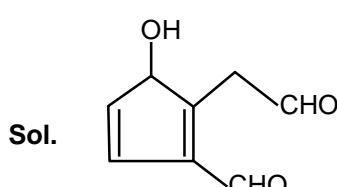
निम्न अभिक्रिया में प्राप्त मरम्ब उत्पाद है:



**Ans. (1)**



DIBAL-H reduces ester and carboxylic acid both into aldehyde at low temperature.

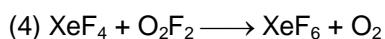
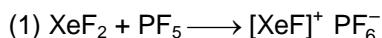


DIBAI-H एस्टर तथा कार्बोक्सिलिक अम्ल दोनों को कम ताप पर ऐल्डिहाइड में अपचयित करता

۱۰

**86.** Which of the following reactions is an example of a redox reaction ?

निम्न में से कौन सी अभिक्रिया अपचयोपचय (रेडॉक्स) अभिक्रिया का उदाहरण है?



**Ans.** (4)

**Sol.** 1, 2, 3 are non redox

In 4,  $\text{O}_2\text{F}_2$  is oxidising agent &  $\text{XeF}_4$  is reducing agent.

1, 2, 3 नॉन रेडॉक्स हैं।

4 में  $\text{O}_2\text{F}_2$  ऑक्सीकारक है तथा  $\text{XeF}_4$  अपचायक है।

**87.** A metal crystallises in a face centred cubic structure. If the edge length of its unit cell is 'a', the closest approach between two atoms in metallic crystal will be :

एक धातु फलक केन्द्रित घन संरचना में क्रिस्टलीय होता है। यदि इसके एक सेल की कोर लम्बाई 'a' है, तो धात्विक क्रिस्टल में दो परमाणुओं के बीच सन्निकटतम दूरी होगी।

(1)  $2\sqrt{2} a$

(2)  $\sqrt{2} a$

(3)  $\frac{a}{\sqrt{2}}$

(4)  $2a$

**Ans.** (3)

**Sol.** For FCC,  $\sqrt{2}a = 4R$

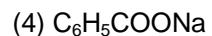
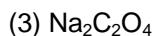
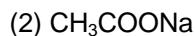
$$\text{So, } 2R = \frac{a}{\sqrt{2}}$$

FCC के लिए  $\sqrt{2}a = 4R$

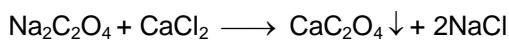
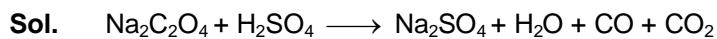
अतः  $2R = \frac{a}{\sqrt{2}}$

**88.** Sodium salt of an organic acid 'X' produces effervescence with conc.  $\text{H}_2\text{SO}_4$ . 'X' reacts with the acidified aqueous  $\text{CaCl}_2$  solution to give a white precipitate which decolourises acidic solution of  $\text{KMnO}_4$ . 'X' is :

एक कार्बनिक अम्ल का सोडियम लवण 'X' सान्दर  $\text{H}_2\text{SO}_4$  के साथ बुद्बुदाहट देता है। 'X' अम्लीय जलीय  $\text{CaCl}_2$  विलयन के साथ अभिक्रिया करता है और सफेद अवक्षेप देता है जो  $\text{KMnO}_4$  के अम्लीय विलयन को रंगहीन बना देता है। 'X' है:



**Ans.** (3)



**89.** A water sample has ppm level concentration of following anions

$$\text{F}^- = 10 ; \text{SO}_4^{2-} = 100 ; \text{NO}_3^- = 50$$

The anion/anions that make/makes the water sample unsuitable for drinking is/are :

- |   |                          |
|---|--------------------------|
| (1) both $\text{SO}_4^{2-}$ and $\text{NO}_3^-$ | (2) only $\text{F}^-$    |
| (3) only $\text{SO}_4^{2-}$                     | (4) only $\text{NO}_3^-$ |

एक जल प्रतिदर्श में पी.पी.एम (ppm) स्तर की निम्न ऋणायनों की सान्द्रता है।

$$\text{F}^- = 10 ; \text{SO}_4^{2-} = 100 ; \text{NO}_3^- = 50$$

वह/वे ऋणायन जो जल प्रतिदर्श को पीने के लिए अनुपयुक्त बनाता है/बनाते हैं, है/हैं:

- |  |                           |
|--|---------------------------|
| (1) $\text{SO}_4^{2-}$ तथा $\text{NO}_3^-$ दोनों | (2) मात्र $\text{F}^-$    |
| (3) मात्र $\text{SO}_4^{2-}$                     | (4) मात्र $\text{NO}_3^-$ |

**Ans.** (2)

**Sol.** Acceptable level

$\text{F}^-$  upto 1PPM

$\text{NO}_3^-$  upto 50 PPM

$\text{SO}_4^{2-}$  upto 500 PPM

अनुकूल स्तर

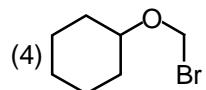
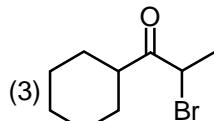
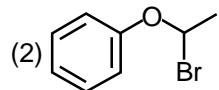
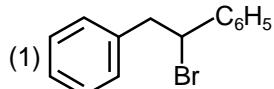
$\text{F}^-$  1PPM तक

$\text{NO}_3^-$  50 PPM तक

$\text{SO}_4^{2-}$  500 PPM तक

90. Which of the following, upon treatment with tert-BuONa followed by addition of bromine water, fails to decolourize the colour of bromine ?

निम्न में से कौन tert-BuONa के साथ अभिकृत करने तथा ब्रोमीन जल के मिलाने पर, ब्रोमीन के रंग को रंगहीन करने में असमर्थ होता है?



**Ans. (4)**

**Sol.** With , alkene can not be produced with t-BuONa. Hence the product will not decolourise the bromine water.

**हल.** t-BuONa के साथ , ऐल्कीन नहीं देता है अतः उत्पाद ब्रोमीन जल को रंगहीन करने में असमर्थ है।

